

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Игнатенко Виталий Иванович

Должность: Проректор по образовательной деятельности и молодежной политике

Дата подписания: 05.04.2023 06:44:23

Уникальный программный ключ:

a49ae343af5448d45d7e3e1e499659da8109ba78

Министерство науки и высшего образования РФ

**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования**

**«Заполярье» государственный университет им. Н. М. Федоровского»
ЗГУ**

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
по дисциплине**

«Аналитическая геометрия и линейная алгебра»

Факультет: ГТФ

Направление подготовки: 08.03.01 Строительство

Направленность (профиль): «Промышленное и гражданское строительство»

Уровень образования: бакалавриат

Кафедра «СиТ»

наименование кафедры

Разработчик ФОС:

Профессор, к.т.н., доцент.

(должность, степень, ученое звание)

Елесин М.А.

(подпись)

(ФИО)

Оценочные материалы по дисциплине рассмотрены и одобрены на заседании кафедры, протокол № _____ от «___» _____ 202__ г.

Заведующий кафедрой к.т.н., профессор Елесин М.А.

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами образовательной программы

Таблица 1 – Компетенции и индикаторы их достижения

Код и наименование компетенции	Индикаторы достижения и планируемые результаты обучения по дисциплине (Знать (З); Уметь (У); Владеть (В))
УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	<p>Знать: Знает фундаментальные основы аналитической геометрии и линейной алгебры (основные понятия, свойства, методы).</p> <p>Уметь: применять основные методы аналитической геометрии и линейной алгебры в рамках дисциплины и для выбора оптимального способа решения основных профессиональных задач</p> <p>Владеть: навыками использования аппарата аналитической геометрии и линейной алгебры для выбора оптимального способа решения основных профессиональных задач.</p>
ОПК-1: Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	<p>Знать фундаментальные основы аналитической геометрии и линейной алгебры (основные понятия, свойства, методы).</p> <p>Уметь: применять основные методы аналитической геометрии и линейной алгебры в рамках дисциплины и для решения основных профессиональных задач.</p> <p>Владеть: навыками использования аппарата аналитической геометрии и линейной алгебры при решении задач в рамках дисциплины и при решении основных профессиональных задач.</p>

Таблица 2 – Паспорт фонда оценочных средств

Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Формируемая компетенция	Наименование оценочного средства	Показатели оценки
Элементы матричного исчисления: определение, основные свойства матрицы. Линейные операции с матрицами. Определители второго и третьего порядка, вычисление определителя третьего порядка по правилам треугольника.	УК-1 ОПК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Матрицы и действия над ними, обратная матрица. Решение матричных уравнений. Ранг матрицы, теорема о ранге, вычисление ранга матрицы, определители n-го порядка и их свойства, разложение определителя по строке (столбцу).	УК-1 ОПК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Решение систем n линейных алгебраических уравнений с n неизвестными по правилу Крамера. Решение СЛАУ матричным методом (с помощью обратной матрицы.)	УК-1 ОПК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста

Теорема Кронекера-Капелли, фундаментальная система решений. Системы линейных уравнений: решение системы n линейных алгебраических уравнений методом Гаусса. Однородные СЛАУ.	УК-1 ОПК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Векторная алгебра: векторы, линейные операции над векторами, проекция вектора на ось, декартовы координаты векторов и точек, скалярное произведение векторов, его основные свойства, координатное выражение. Векторное и смешанное произведение, их основные свойства и геометрический смысл, координатное выражение векторного и смешанного произведений	УК-1 ОПК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Собственные значения и собственные векторы линейного оператора, характеристический многочлен. Билинейные и квадратичные формы, матрица квадратичной формы, приведение квадратичной формы к каноническому виду.	УК-1 ОПК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Зачет (очная, заочная форма обучения)	УК-1 ОПК-1	Решение всех тестовых заданий по темам и КП	Решение всех тестовых заданий по темам

3 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие процесс формирования компетенций

Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, представлены в виде технологической карты дисциплины (таблица 3).

Таблица 3 – Технологическая карта

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
<i>Промежуточная аттестация в форме «Зачет»</i>				
	Тестовые задания	В течении обучения по дисциплине	от 0 до 5 баллов	Зачет/Незачет
	ИТОГО:	-	___ баллов	-

Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности характеризующие процесс формирования компетенций в ходе освоения образовательной программы

Задания для текущего контроля успеваемости

Для очной, заочной формы обучения
Задания для текущего контроля и сдачи зачета с оценкой по дисциплине

ОЦЕНОЧНОЕ СРЕДСТВО (тестирование)				Компетенция
Вариант 1				
1. Определитель равен:				ОПК-1 УК-1
1) 2	2) 1	3) 5	4) -9	
2. Корень уравнения = равен...				ОПК-1 УК-1
1) -1	2) 1	3) 2	4) -2	
3. Если и $B=$, то $A+2B=$				ОПК-1 УК-1
1)	2)	3)	4)	
4. Матрица $C=A \cdot B$, где $A=$ и $B=$ тогда элемент C_{21} равен:				ОПК-1 УК-1
1) -10	2) 11	3) -11	4) 10	
5. Система не имеет решений, если λ равно:				ОПК-1 УК-1
1) 0	2) 1	3) 2	4) -2	
6. Если $-6 + 3$, то $=...$				ОПК-1 УК-1
1) $\sqrt{11}$	2) $\sqrt{7}$	3) 7	4) 11	
7. Какие из векторов -2 , , , коллинеарные?				ОПК-1 УК-1
1) и	2) и	3) и	4) и	
8. Скалярное произведение векторов $=(-2; -1; 1; 2; 0)$ и $=(0; 1; -1; 1; 2)$, заданных в ортонормированном базисе равно...				ОПК-1 УК-1
1) -2	2) 0	3) 3	4) 2	
9. Векторное произведение двух векторов , равно ...				ОПК-1 УК-1
1) $(6; -6; -1)$	2) -1	3) $(-1; -5; -12)$	4) $(-1; 5; -12)$	
10. На плоскости даны два вектора и . Разложение вектора по базису и имеет вид...				ОПК-1 УК-1

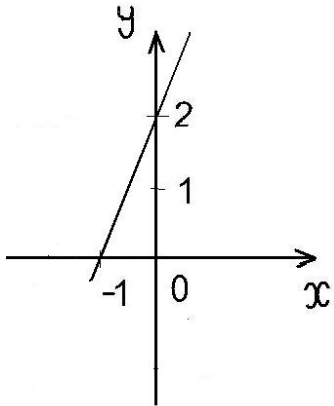
1) +5	2)	3)	4) +3	
11. Даны точки $A(-3;1)$ и $B(1; -2)$. Тогда координаты точки $C(x; y)$, симметричной точке B относительно точки A , равны...				ОПК-1 УК-1
1) $(-1; -0,5)$	2) $(-7; 4)$	3) $(-4; 3)$	4) $(-2; -1)$	
12. Даны вершины треугольника $A(6;-2)$, $B(0; 4)$ и $C(-3; 1)$. Тогда координаты точки пересечения медиан треугольника равны...				ОПК-1 УК-1
1) $(1; 1)$	2) $(- -)$	3) $(3; 1)$	4) $(- -)$	
13. Уравнение линии на рисунке имеет вид...				
				ОПК-1 УК-1
1) $2x-y+2=0$	2) $y=2x+2$	3) $2x-y-2=0$	4) $y=x+1$	
14. Угол между прямыми $4x-5y-1=0$ и $5x+4y-2=0$ равен ...				ОПК-1 УК-1
1) 0	2) $-$	3) $-$	4) $-$	
15. Уравнение прямой, проходящей через две точки $A(2; 3)$ $B(-4;-6)$ имеет вид...				ОПК-1 УК-1
1) $3x+2y=0$	2) $3x+2y-12=0$	3) $3x+2y+24=0$	4) $3x-2y=0$	
16. Уравнение определяет на плоскости ...				ОПК-1 УК-1
1) эллипс	2) гиперболу	3) окружность	4) параболу	
17. Координаты фокусов эллипса — — равны				ОПК-1 УК-1
1) $F_1(-4;0), F_2(4; 0)$		2) $F_1(0;-4), F_2(0; 4)$		
3) $F_1(-5;0), F_2(5; 0)$		4) $F_1(0;-3), F_2(0; 3)$		
18. Координаты вершин гиперболы равны:				ОПК-1 УК-1
1) $A_1(0; 3), A_2(0; -3)$		2) $A_1(4; 0), A_2(-4; 0)$		
3) $A_1(3; 0), A_2(-3; 0)$		4) $A_1(5; 0), A_2(-5; 0)$		
19. Уравнение плоскости, проходящей через точку $M(-4; 3; -7)$ перпендикулярно вектору имеет вид ...				ОПК-1 УК-1
1) $6x+5y-4z-19=0$		2) $6x-5y+4z+67=0$		

3) $6x-5y+4z-67=0$		4) $6x-5y-4z+11=0$		
20. Из уравнений: а) $2x-3y+z+1=0$, б) $x+2y-6=0$, в) $x+3y=0$ укажите те, которые определяют плоскость, параллельную оси OZ...				ОПК-1 УК-1
1) только в)	2) только б)	3) только а)	4) только б) и в)	
21. Уравнения $3x-5y+lz-3=0$ и $x+3y+2z+5=0$ определяют перпендикулярные плоскости при l равном ...				ОПК-1 УК-1
1) 3	2) 5	3) 6	4) -6	
22. Канонические уравнения прямой, проходящей через точку M (2;-1;3) параллельно вектору $\vec{v}=(4;-5; -6)$ имеют вид ...				ОПК-1 УК-1
1) $\frac{x-2}{4}=\frac{y+1}{-5}=\frac{z-3}{-6}$		2) $\frac{x-2}{4}=\frac{y+1}{-5}=\frac{z-3}{6}$		
3) $\frac{x-2}{4}=\frac{y+1}{5}=\frac{z-3}{-6}$		4) $\frac{x-2}{-4}=\frac{y+1}{-5}=\frac{z-3}{-6}$		
23. Уравнение поверхности второго порядка $\frac{x^2}{a^2}-\frac{y^2}{b^2}-\frac{z^2}{c^2}=1$ определяет:				ОПК-1 УК-1
1) однополостный гиперболоид		2) двуполостный гиперболоид		
3) эллиптический параболоид		4) конус		
24. Плоскость $y+6=0$ пересекает гиперболический параболоид $\frac{x^2}{a^2}-\frac{y^2}{b^2}-\frac{z^2}{c^2}=1$ по кривой...				ОПК-1 УК-1
1) окружности	2) эллипсу	3) гиперболе	4) параболе	
25. Сфера с центром A (1; 0; -1) имеет радиус R=3. Тогда её уравнения имеет вид...				ОПК-1 УК-1
1) $(x-1)^2+y^2+(z+1)^2=9$		2) $(x-1)^2+y^2+(z+1)^2=3$		
3) $(x-1)^2+y^2+(z+1)^2=27$		4) $(x-1)^2+y^2+(z+1)^2=1$		

Вариант 2

1. Определитель				ОПК-1 УК-1
равен				
1) 1	2) 0	3) 4	4) 2	
2. Корни уравнения $x^2-5x+6=0$ равны				ОПК-1 УК-1

1) $x_1=1, x_2=4$	2) $x_1=1, x_2=-4$	3) $x_1=-1, x_2=4$	4) $x_1=-1, x_2=-4$	
3. Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ и $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$. Тогда решением уравнения $A+2X=B$ является матрица X , равная...				ОПК-1 УК-1
1) $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$	2) $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$	3) $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$	4) $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}$	
4. Дана матрица $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$. Тогда матрица A^2 имеет вид ...				ОПК-1 УК-1
1) $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$	2) $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$	3) $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$	4) $\begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$	
5. Метод Гаусса для решения систем линейных уравнений заключается...				
1) в последовательном исключении переменных				ОПК-1
2) в последовательном исключении свободных членов				
3) в нахождении обратной матрицы				
4) в вычислении вспомогательных определителей системы				
6. Даны вектора $a = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$ и $b = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}$. Вектор $c = 2a - b$ имеет координаты				ОПК-1 УК-1
1) $(-1; 1; 8)$	2) $(1; 1; 4)$	3) $(8; 2; 4)$	4) $(4; 2; 4)$	
7. В ортонормированном базисе заданы вектора $a = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ и $b = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$. Тогда их скалярное произведение будет равно 9 при $\lambda =$ равном...				ОПК-1 УК-1
1) -1	2) 1	3) -10	4) 10	
8. Модуль векторного произведения двух векторов $a = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$ и $b = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}$ равен...				ОПК-1 УК-1
1) $\sqrt{14}$	2) 0	3) 1	4) $\sqrt{13}$	
9. Даны три вектора $a = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$, $b = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}$ и $c = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$. Тогда смешанное произведение векторов a, b, c равно				ОПК-1 УК-1
1) 64	2) -64	3) -32	4) 32	
10. На плоскости даны два вектора $a = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ и $b = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$. Тогда разложение вектора $c = \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix}$ по базису a, b имеет вид...				ОПК-1 УК-1
1) $-\frac{1}{2}a + \frac{1}{2}b$	2) $2a + 2b$	3) $3a + 3b$	4) $3a + 2b$	
11. Один из концов отрезка АВ находится в точке $A(5; -4)$, его серединой является точка $C(0; -3)$. Тогда координаты другого конца отрезка точки В равны...				ОПК-1 УК-1
1) $(5; 2)$	2) $(-5; 4)$	3) $(-5; -4)$	4) $(-5; -2)$	
12. Центр тяжести треугольника лежит ...				ОПК-1

1) на середине одной из сторон	2) в точке пересечения его биссектрисы	
3) в точке пересечения его медиан	4) в точке пересечения его высот	
13. Уравнение линии на рисунке имеет вид... 		ОПК-1
1) $x+y=-2$	2) $2x-y+2=0$	
14. Прямая линия проходит через точку $M_1(1; -2)$ и $M_2(2; 3)$. Тогда она пересекает ось Ox в точке ...		ОПК-1 УК-1
1) (1,4; 0)	2) (1,6; 0)	
15. Точка пересечения прямых $x-y-3=0$ и $2x+3y-11=0$ равна ...		ОПК-1 УК-1
1) (2; -1)	2) (-4; -7)	
16. Уравнение окружности радиуса $R=3$ с центром в точке $C(-1; 2)$ имеет вид...		ОПК-1
1)	2)	
3)	4)	
17. Геометрическое место точек, равноотстоящих от данной точки, называемой фокусом, и данной прямой, называемой директрисой, есть ...		ОПК-1
1) окружность	2) эллипс	
18. Даны уравнения кривых а) ; б) ; в) — — ; г) — — ; д) . Тогда уравнению гиперболы соответствуют...		ОПК-1
1) а, б, в, г	2) б, в	
19. Уравнение эллипса, у которого большая полуось $a=6$, а малая полуось $b=2$ имеет вид ...		ОПК-1 УК-1
1) — —	2) — —	
20. Уравнение плоскости имеет вид: $x-2y+5z-4=0$. Тогда вектор , перпендикулярный этой плоскости имеет координаты ...		ОПК-1
1) $\vec{n}=(1; -2; -4)$	2) $\vec{n}=(1; -2; 5)$	
21. Угол между плоскостями $6x+3y-2z=0$ и $x+2y+6z-12=0$ равен...		ОПК-1 УК-1
1) —	2) 0	
22. Канонические уравнения прямой, проходящей через две данные точки $A(1; -2; 1)$ $B(3; 1; -1)$ имеют вид...		ОПК-1 УК-1
1) —=—=—	2) —=—=—	

3) — — —		4) — — —		
23. Уравнение поверхности второго порядка $—+— —=0$ определяет				ОПК-1
1) однополостный гиперболоид		2) двуполостной гиперболоид		
3) эллиптический параболоид		4) конус		
24. Каноническое уравнение линии пересечения однополостного гиперболоида $—+— —=1$ и плоскости имеет вид...				ОПК-1 УК-1
1) — $—=1$	2) — $—=1$	3) — $—=1$	4) — $—=0$	
25. Уравнение сферы имеет вид . Тогда радиус сферы равен ...				ОПК-1 УК-1
1) 49	2) 10	3) 19	4) 7	

Вариант 3				
1. Определитель равен:				ОПК-1 УК-1
1) 8	2) 2	3) 6	4) 1	
2. Корень уравнения равен ...				ОПК-1 УК-1
1) 7	2) -7	3) -5	4) 1	
3. Даны матрицы $A=$ и $B=$. Тогда решением уравнения $2A-X=B$ является матрица X , равная				ОПК-1 УК-1
1)	2)	3)	4)	
4. Соотношение $AB=BA$ выполняется только для ...				ОПК-1
1) нулевых матриц		2) единичных матриц		
3) диагональных матриц		4) перестановочных матриц		
5. Решение системы линейных уравнений методом Крамера мо-				ОПК-1

жет иметь вид...				
1) _____; _____	2) $x=_____$; _____			
3) _____; _____	4) $x=_____$; _____			
6. Если ...				ОПК-1 УК-1
1) -1	2) 15	3) 23	4) —	
7. Если вектор перпендикулярен вектору , то их скалярное произведение равно...				ОПК-1 УК-1
1)	2) 1	3) -1	4) 0	
8. Векторное произведение двух векторов $= (2; 1; 2)$ и равно...				ОПК-1 УК-1
1) 12	2) -2 +	3) -2 +	4) -2	
9. Объем параллелепипеда, построенного на векторах , и равен ...				ОПК-1 УК-1
1) -	2) 8	3) 4	4) -	
10. На плоскости даны два вектора и . Тогда разложение вектора по базису и имеет вид ...				ОПК-1 УК-1
1) 2	2)	3)	4) - 4	
11. Даны концы $A(3; -5)$ и $B(-1; 1)$ однородного стержня . Тогда координаты его центра тяжести равны...				ОПК-1 УК-1
1) $(-1; 2)$	2) $(1; -2)$	3) $(-2; 3)$	4) $(2; -4)$	
12. Даны координаты вершин треугольника $A(4; -1; 3)$, $B(2; 3; 4)$ и $C(3; 1; 2)$. Тогда координаты точки пересечения медиан треугольника равны ...				ОПК-1 УК-1
1) $(- - -)$	2) $(9; 3; 9)$	3) $(-3; -1; -3)$	4) $(3; 1; 3)$	
13. Угловой коэффициент и величина отрезка b , отсекаемого прямой $x+2y+b=0$ на оси oy равны...				ОПК-1 УК-1
1) $=-0,5; b=-3$	2) $=2; b=6$	3) $=0,5; b=3$	4) $=0,5; b=6$	
14. Площадь треугольника, образованного пересечением прямой $4x+3y-36=0$ с осями координат равна...				ОПК-1 УК-1
1) 12	2) 36	3) 54	4) 108	
15. Прямые $8ax-3y+2=0$ и $4x-7y-1=0$ параллельны при равно ...				ОПК-1 УК-1
1) —	2) —	3) —	4) —	
16. Каноническое уравнение окружности на рисунке имеет вид...				ОПК-1

25. Сфера с центром $B (1; 0; -1)$ проходит через точку $A (-1; 2; 0)$, тогда ее уравнение имеет вид...

**ОПК-1
УК-1**

1)	2)
3)	4)

Ключ

	Вариант 1				Вариант 2				Вариант 3			
	1	2	3	4	1	2	3	4	1	2	3	4
1		x						x			x	
2			x			x						x
3	x							x				x
4			x		x				x			
5			x				x			x		
6				x		x						x
7		x			x						x	
8				x			x			x		
9	x							x			x	
10		x			x							x
11				x		x				x		
12	x				x							x
13		x						x	x			
14		x			x						x	
15				x			x				x	
16			x			x				x		
17				x				x			x	
18		x						x	x			
19	x						x		x			
20	x					x						x
21			x				X				x	
22				x	x							x
23			x					x		x		
24		x					x					x
25			x		x				x			

