

Документ подписан простой электронной подписью	Министерство науки и высшего образования РФ
Информация о владельце:	Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
	высшего образования
Должность: Проректор по образовательной деятельности и молодежной политике	«Заполярный государственный университет им. Н. М. Федоровского»
Дата подписания: 30.06.2025 10:55:55	ЗГУ
Уникальный программный ключ:	a49ae343af5448d45d7e3e1e499659da8109ba78

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ  
по дисциплине**

**«Математический анализ»**

**Факультет: ГТФ**

**Направление подготовки: 22.03.02 «Металлургия»**

**Направленность (профиль): «Прогрессивные методы получения цветных металлов»**

**Уровень образования: бакалавриат**

**Кафедра «Металлургии, машин и оборудования»**

наименование кафедры

**Разработчик ФОС:**

**К.м.н., доцент**

**Сотников А.И.**

(должность, степень, ученое звание)

(подпись)

(ФИО)

Оценочные материалы по дисциплине рассмотрены и одобрены на заседании кафедры, протокол № 2 от « 07 » 05 2025 г.

Заведующий кафедрой к.т.н., доцент Крупнов Л.В.

**1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами образовательной программы**

Таблица 1 – Компетенции и индикаторы их достижения

Код и наименование компетенции	Индикаторы достижения
УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1: Осуществляет поиск, критический анализ и синтез информации, необходимой для решения поставленных задач УК-1.2: Применяет системный подход для решения поставленных задач

Таблица 2 – Паспорт фонда оценочных средств

Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Формируемая компетенция	Наименование оценочного средства	Показатели оценки
Определение переменной величины. Основные свойства величин, имеющих предел.	УК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Бесконечно малые и бесконечно большие величины. Эквивалентные бесконечно малые, их использование при вычислении пределов. Первый и второй замечательный пределы.	УК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Непрерывность функции в точке и на отрезке. Односторонняя непрерывность. Точки разрыва и их классификация.	УК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Определение производной. Правила дифференцирования. Дифференцирование сложной функции. Таблица производных основных функций. Функции нескольких переменных.	УК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста

Полный дифференциал.	УК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Понятие неопределенного интеграла. Таблица основных интегралов. Основные методы интегрирования. Интегрирование некоторых классов функций.	УК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной, интегрирование по частям. Приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы первого и второго рода.	УК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Зачет	УК-1	Решение всех тестовых заданий по темам	Решение всех тестовых заданий по темам
Экзамен	УК-1	Решение всех тестовых заданий по темам	Решение всех тестовых заданий по темам

**2. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие процесс формирования компетенций**

Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, представлены в виде технологической карты дисциплины (таблица 3).

Таблица 3 – Технологическая карта

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
<i><b>Промежуточная аттестация в 1 семестре в форме «Зачет»</b></i>				
	Тестовые задания	В течении обучения по дисциплине	от 0 до 5 баллов	Зачет/Незачет
	ИТОГО:	-	_____ баллов	-
	Наименование	Сроки	Шкала	Критерии

	<b>Наименование оценочного средства</b>	<b>Сроки выполнения</b>	<b>Шкала оценивания</b>	<b>Критерии оценивания</b>
	<b>оценочного средства</b>	<b>выполнения</b>	<b>оценивания</b>	<b>оценивания</b>
<b>Промежуточная аттестация в 2 семестре в форме «Экзамен»</b>				
	Тестовые задания	В течении обучения по дисциплине	от 0 до 5 баллов	От 3 до 5 баллов
	ИТОГО:	-	_____ баллов	-

**Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие процесс формирования компетенций в ходе освоения образовательной программы**

Для очной, очной-заочной формы обучения  
Задания для текущего контроля и сдачи дисциплины

<b>ОЦЕНОЧНОЕ СРЕДСТВО</b> <i>(тестирование)</i>	<b>Контролируемая компетенция</b>
<b>Вариант 1</b>	
1. Образом множества $(-\infty; 0]$ при отображении $y = e^x + 1$ является 1) $(-\infty; 2]$ 2) $[1; 2]$ 3) $(0; 2]$ 4) $(1; 2]$	УК-1
2. Функция, график которой изображён на рисунке 	УК-1
задаётся уравнением	
1) $y = \frac{1}{2} \cos x$ 2) $y = \frac{1}{2} \cos 2x$ 3) $y = \frac{1}{2} \cos \frac{x}{2}$ 4) $y = \cos x$	

3. График нечётной функции симметричен относительно...

- 1) оси ординат
- 2) оси абсцисс
- 3) начала координат
- 4) биссектрисы III координатного угла

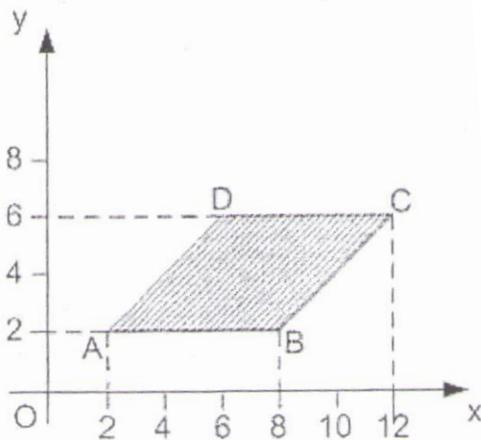
УК-1

4. Задано множество точек на числовой прямой:  $a=1,2$ ,  $b=2$ ,  $c=2,3$ ,  $d=0,5$ ,  $e=-0,01$  и  $f=-1,3$ . Тогда количество точек этого множества, принадлежащих  $\varepsilon$ -окрестности точки  $x=1$  и  $\varepsilon=1,1$ , равно

- 1) 4
- 2) все
- 3) 3
- 4) 2

УК-1

5. Мера плоского множества, изображенного на рисунке,



УК-1

равна...

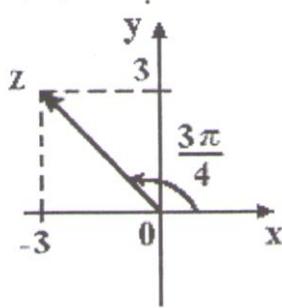
- 1) 24
- 2) 32
- 3) 20
- 4) 36

6. Произведение комплексного числа  $z=4-3i$  на сопряжённое число  $\bar{z}$  равно:

- 1)  $16-9i$
- 2) 5
- 3) 25
- 4)  $8-6i$

УК-1

7. На рисунке представлена геометрическая иллюстрация комплексного числа  $z = x + iy$



УК-1

Тогда тригонометрическая форма записи этого числа имеет вид...

- 1)  $2\sqrt{2}(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4})$
- 2)  $3\sqrt{2}(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$
- 3)  $\sqrt{2}(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$
- 4)  $3(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$

8. Предел  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x-6}{3x+2}$  равен....

- 1) -3
- 2)  $\infty$
- 3) 0
- 4)  $\frac{5}{3}$

УК-1

9. Формула первого замечательного предела равна

- 1)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$
- 2)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x} = 1$
- 3)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 0$
- 4)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x} = \infty$

УК-1

10. Предел  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+5}{x+2}\right)^{x-1}$  равен...

- 1)  $e^{-3}$
- 2) 1
- 3) 3
- 4)  $e^3$

УК-1

11. Точка разрыва функции

$$f(x) = \begin{cases} 4 - x^2, & \text{если } x \leq -1 \\ 2 - x, & \text{если } -1 < x < 2 \\ 2x - 5, & \text{если } x \geq 2 \end{cases}$$

равна ...

УК-1

- 1) 3
- 2) -1
- 3) 2
- 4) 0

12. Значение производной функции  $y = e^{x^2}$  в точке  $x_0=1$  равно....

- 1)  $2e$
- 2) 1
- 3)  $e$
- 4)  $2e^2$

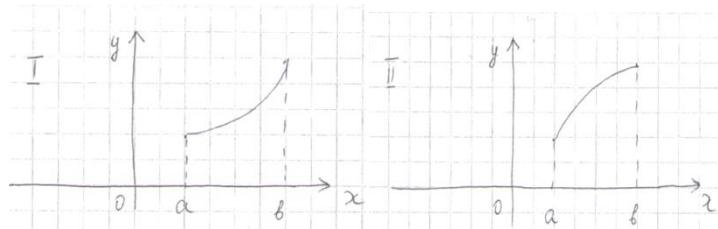
УК-1

13. Вертикальной асимптотой графика функции  $y = \frac{5x-6}{3x+2}$  является прямая...

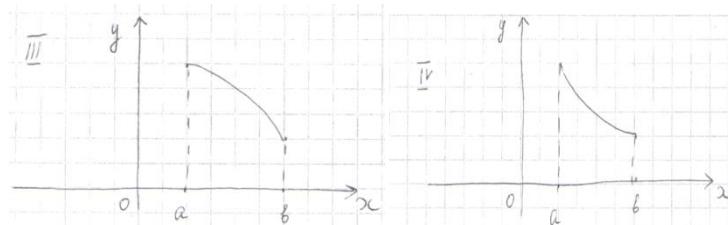
- 1)  $x = \frac{6}{5}$
- 2)  $x = -\frac{2}{3}$
- 3)  $y = \frac{5}{3}$
- 4)  $y = -3$

УК-1

14. График какой функции на всем отрезке  $[a; b]$  одновременно удовлетворяет трём условиям:  $y > 0$ ;  $y' < 0$ ;  $y'' < 0$ ?



УК-1



- 1) только II и IV

2) только I и III

3) только III

4) только IV

15. Значение функции  $y = \sqrt{x}$  в точке  $x_0 + \Delta x$  можно вычислить по формуле:

1)  $\sqrt{x_0 + \Delta x} = \sqrt{x_0} + \frac{1}{2\sqrt{x_0}} \cdot \Delta x + O(\Delta x)$

2)  $\sqrt{x_0 + \Delta x} = \sqrt{x_0} - \frac{1}{2\sqrt{x_0}} \cdot \Delta x + O(\Delta x)$

УК-1

3)  $\sqrt{x_0 + \Delta x} = \sqrt{x_0} - \frac{1}{2\sqrt{x_0}} \cdot \Delta x + O(\Delta x)$

4)  $\sqrt{x_0 + \Delta x} = \sqrt{x_0} + \frac{1}{2\sqrt{x_0}} \cdot \Delta x + O(\Delta x)$

16. Если  $u = \ln(3x-y^2+2z^3)$ , то значение  $u'_z$  в точке  $M_0(1;0;1)$  равно....

1) 5

2)  $\frac{1}{5}$

УК-1

3)  $\frac{6}{5}$

4)  $\frac{3}{5}$

17. Градиент скалярного поля  $u = 3xz + 2yz + y$  в точке  $A(-1;0;1)$  имеет вид...

1)  $3\vec{i} - 3\vec{j} + 3\vec{k}$

2)  $3\vec{i} + 3\vec{j} - 3\vec{k}$

УК-1

3)  $3\vec{i} - 3\vec{j} - 3\vec{k}$

4)  $3\vec{i} + 3\vec{j} + 3\vec{k}$

18. Приближенное значение функции  $z = f(x,y) = \sqrt{x^2 + y^2}$  в точке  $A(2,95;4,04)$ , вычисленное с помощью полного дифференциала, равно....

1) 5,001

УК-1

2) 5,02

3) 5,062

4) 5,002

19. Интеграл  $\int \frac{dx}{1-3x}$  равен

УК-1

1)  $-3\ln|1 - 3x| + c$

2)  $-\frac{1}{3}\ln|1 - 3x| + c$

3)  $-\frac{1}{(1-3x)^2} + c$

4)  $\ln|1 - 3x| + c$

20. Интеграл  $\int \frac{dx}{\sqrt{25-x^2}}$  равен...

1)  $\arcsin\frac{x}{5} + c$

2)  $\frac{1}{5}\arcsin\frac{x}{5} + c$

УК-1

3)  $\frac{1}{25}\arcsin\frac{x}{25} + c$

4)  $\arcsin\frac{x}{25} + c$

21. Для нахождения интеграла  $\int \frac{dx}{x \cdot (x^2+1)}$  подынтегральную функцию можно представить в виде суммы дробей...

1)  $\frac{A}{x} + \frac{B}{x-1} + \frac{C}{x+1}$

УК-1

2)  $\frac{A}{x} + \frac{B}{x^2+1}$

3)  $\frac{A}{x} + \frac{Bx+C}{x^2+1}$

4)  $\frac{Ax+B}{x} + \frac{C}{x^2+1}$

22. Определённый интеграл  $\int_0^1 (2x^2 - 2x - 7) dx$  равен...

1)  $-8\frac{2}{3}$

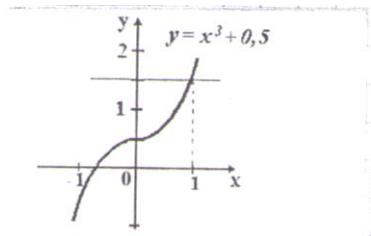
УК-1

2)  $-7\frac{1}{3}$

3)  $6\frac{1}{3}$

4)  $7\frac{2}{3}$

23. Площадь фигуры, изображённой на рисунке,



УК-1

определяется интегралом...

$$1) \int_0^1 (x^3 - 1) dx$$

$$2) \int_0^1 (x^3 + 0,5) dx$$

$$3) \int_0^{1,5} (1,5 - x^3) dx$$

$$4) \int_0^1 (1 - x^3) dx$$

24. Несобственный интеграл  $\int_0^{+\infty} \frac{dx}{1+x^2}$  равен...

1) 0

2)  $\frac{\pi}{2}$

3)  $-\frac{\pi}{2}$

4) расходится

УК-1

25. Повторный интеграл  $\int_1^4 dx \int_0^6 (x - y) dy$  равен...

1) -9

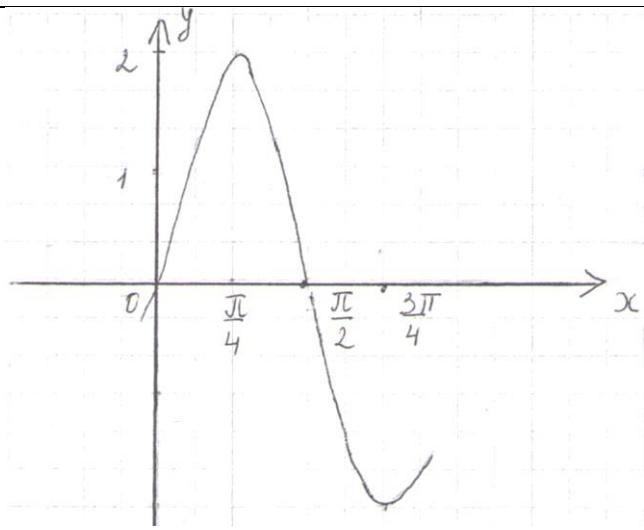
УК-1

2) -39

3) -46,5

4) 24

ОЦЕНОЧНОЕ СРЕДСТВО <i>(тестирование)</i>	Контролируе- мая компетенция
<b>Вариант 2</b>	
1. Область определения функции $f(x) = \frac{\sin x - 0,5}{\operatorname{tg} x}$ имеет вид...	
1) $x \neq \frac{\pi}{2} + \pi n, n \in Z$	
2) $x \neq \frac{\pi}{2} n, n \in Z$	УК-1
3) $x \neq \pi n, n \in Z$	
4) $x \neq (-1)^n \frac{\pi}{6} + \pi n, n \in Z$	
2. Функция, график которой изображён на рисунке	УК-1



задаётся уравнением...

- 1)  $y = 2\sin 2x$
- 2)  $y = \sin x$
- 3)  $y = 2\sin x$
- 4)  $y = 2\sin\left(\frac{x}{2}\right)$

3. График чётной функции симметричен относительно...

- 1) оси абсцисс
- 2) оси ординат
- 3) начала координат
- 4) биссектрисы I координатного угла

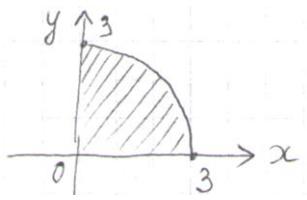
УК-1

4. Задано множество точек на числовой прямой:  $a = 2,1$ ,  $b = 0,8$ ,  $c = -1,1$ ,  $d = 0,3$ ,  $e = 3$ ,  $f = 1$ . Тогда количество точек этого множества, принадлежащих  $\varepsilon$ -окрестности точки  $x = 2$  при  $\varepsilon = 1,1$ , равно...

- 1) 1
- 2) 2
- 3) 3
- 4) 4

УК-1

5. Мера плоского множества, изображённого на рисунке,



равна...

УК-1

1)  $\frac{3\pi}{4}$

2)  $\frac{9\pi}{4}$

3)  $\frac{9\pi}{2}$

4)  $\frac{\pi}{4}$

6. Модуль комплексного числа  $Z = 1 - \sqrt{3} \cdot i$  равен...

1) 1

УК-1

2) 4

3)  $\sqrt{2}$

4) 2

7. Комплексное число задано в тригонометрической форме

$$Z = \sqrt{2} \left( \cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right).$$

Тогда его показательная форма записи имеет вид...

1)  $Z = \sqrt{2} \cdot e^{i \frac{3\pi}{4}}$

УК-1

2)  $Z = e^{1+i}$

3)  $Z = e^{i \frac{3\pi}{4}}$

4)  $\sqrt{2} + ie^{\frac{3\pi}{4}}$

8. Предел  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^2 - 3x + 2}{3x^2 + x - 9}$  равен...

1) -3

УК-1

2)  $-\frac{2}{9}$

3)  $\frac{5}{3}$

4)  $\infty$

9. Предел  $\lim_{x \rightarrow 0} (x - \operatorname{tg} 3x) \cdot \operatorname{ctg} 2x$  равен...

УК-1

1) -4

2)  $-\frac{3}{2}$

3)  $\frac{3}{2}$

4) -1

10. Предел  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+1}{x-1}\right)^x$  равен...

1)  $e^{-2}$

УК-1

2)  $e^2$

3) 1

4) 0

11. Точка разрыва функции

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2}{x}, & \text{если } x < -2 \\ \frac{1}{2}x^2 + 1, & \text{если } -2 \leq x < 1 \\ \frac{3}{x+1}, & \text{если } x \geq 1 \end{cases}$$

УК-1

равна ...

1) -2

2) 1

3) -1

4) 0

12. Производная от функции  $y = \cos^3(x^2 + 1)$  равна

1)  $-3\cos^2(x^2 + 1) \sin(x^2 + 1)$

УК-1

2)  $3\cos^2(x^2 + 1) \sin(x^2 + 1)$

3)  $6x\cos^2(x^2 + 1) \sin(x^2 + 1)$

4)  $-6x\cos^2(x^2 + 1) \sin(x^2 + 1)$

13. Точка  $M(1;1)$  для функции  $y=2x-x^2$  является точкой

1) минимума

УК-1

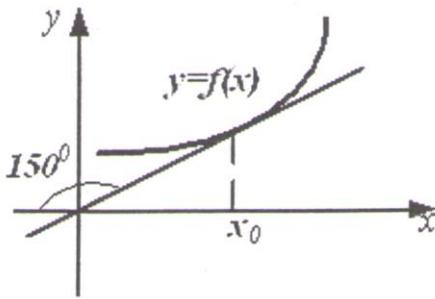
2) перегиба

3) разрыва

4) максимума

14. График функции  $y=f(x)$  изображен на рисунке

УК-1



Тогда значение производной этой функции в точке  $x_0$  равно ...

1)  $-\frac{\sqrt{3}}{3}$

2)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$

3)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

4)  $\sqrt{3}$

15. Значение функции  $y = \sqrt[5]{x^3}$  в точке  $x_0 + \Delta x$  можно вычислить по формуле ...

1)  $\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^3} = \sqrt[5]{x_0^3} + \frac{3}{5\sqrt[5]{x_0^2}} \Delta x + 0(\Delta x)$

2)  $\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^3} = \sqrt[5]{x_0^3} + \frac{2}{5\sqrt[5]{x_0^2}} \Delta x + 0(\Delta x)$

УК-1

3)  $\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^3} = \sqrt[5]{x_0^3} - \frac{3}{5\sqrt[5]{x_0^2}} \Delta x + 0(\Delta x)$

4)  $\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^3} = \sqrt[5]{x_0^3} - \frac{2}{5\sqrt[5]{x_0^2}} \Delta x + 0(\Delta x)$

16. Смешанная частная производная второго порядка  $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$  функции

$z = x^3y - 4xy^2 + 5x - y^2 + 7$  имеет вид ...

1)  $-8x - 2$

УК-1

2)  $3x^2 - 8y - 2$

3)  $3x^2 - 8y$

4)  $6xy$

17. Градиент скалярного поля  $u = xy + yz + xz$  равен нулевому вектору в точке ...

УК-1

1)  $(0;0;0)$

2) (1;1;1)

3) (0;1;1)

4) (-1;0;1)

18. Полный дифференциал функции  $z = \sin(x^2 + 3xy)$  имеет вид.....

1)  $dz = \cos(x^2 + 3xy)(3x\,dx - (2x + 3y)\,dy)$

УК-1

2)  $dz = \cos(x^2 + 3xy)((2x + 3y)\,dx - 3x\,dy)$

3)  $dz = \cos(x^2 + 3xy)(3x\,dx + (2x + 3y)\,dy)$

4)  $dz = \cos(x^2 + 3xy)((2x + 3y)\,dx + 3x\,dy)$

19. Интеграл  $\int \left( \frac{2}{\cos^2 x} - \frac{3}{\sin^2 x} \right) dx$  равен....

1)  $-2\tan x - 3\cot x + c$

УК-1

2)  $2\cot x + 3\tan x + c$

3)  $2\tan x + 3\cot x + c$

4)  $2\tan x - 3\cot x + c$

20. Интеграл  $\int e^{-\frac{x}{10}+3}$  равен....

1)  $10 e^{-\frac{x}{10}+3} + c$

УК-1

2)  $-10 e^{-\frac{x}{10}+3} + c$

3)  $\frac{1}{10} e^{-\frac{x}{10}+3} + c$

4)  $-\frac{1}{10} e^{-\frac{x}{10}+3} + c$

21. Для нахождения интеграла  $\int \frac{x-2}{x^3+x^2}$  подынтегральную функцию можно представить в виде суммы дробей....

1)  $\frac{A}{x^2} + \frac{B}{x+1}$

УК-1

2)  $\frac{A}{x^3} + \frac{B}{x^2}$

3)  $\frac{A}{x} - \frac{B}{x^2} - \frac{C}{x+1}$

4)  $\frac{A}{x} + \frac{B}{x^2} + \frac{C}{x+1}$

22. Определённый интеграл  $\int_{-1}^0 \sqrt{x+1} dx$  равен....

1)  $\frac{1}{2}$

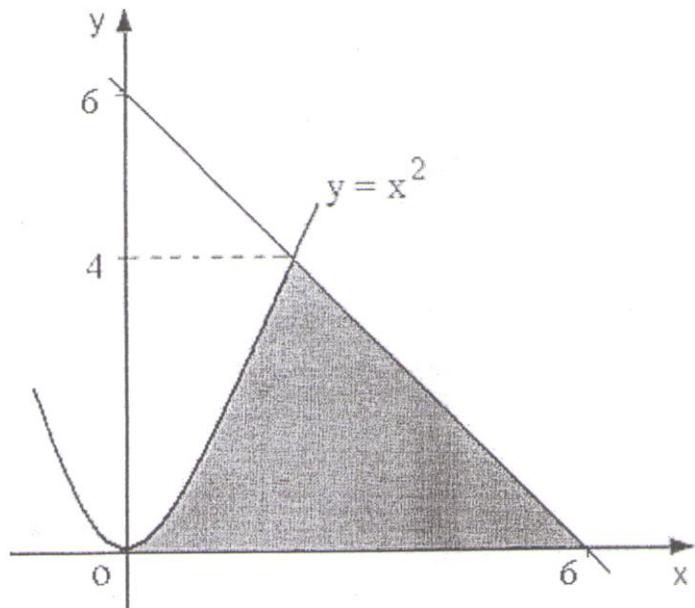
УК-1

2)  $\frac{2}{3}$

3)  $\frac{3}{5}$

4)  $\frac{2}{5}$

23. Площадь фигуры, изображённой на рисунке, может быть вычислена как....



УК-1

1)  $\int_0^4 x^2 dx + \int_4^6 (6-x) dx$

2)  $\int_0^2 x^2 dx + \int_2^6 (6-x) dx$

3)  $\int_0^2 x^2 dx + \int_2^6 (6+x) dx$

4)  $\int_0^6 x^2 dx$

24. Несобственный интеграл  $\int_{-\infty}^0 \frac{dx}{4+x^2}$  равен....

1)  $\frac{\pi}{4}$

УК-1

2)  $-\frac{\pi}{4}$

3)  $\frac{\pi}{2}$

4) расходится

25. Повторный интеграл  $\int_1^3 dx \int_0^5 (x+2y) dy$  равен

УК-1

1) 15

2) 54

3) 70

4) 125

**Контролируе  
мая  
компетенция**

### ОЦЕНОЧНОЕ СРЕДСТВО

(тестирование)

#### Вариант 3

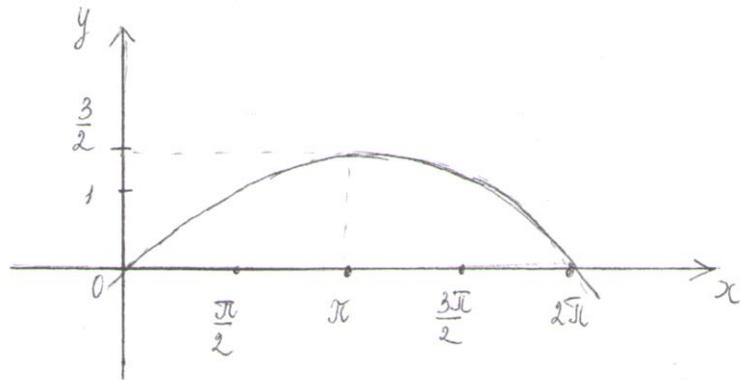
1. Область определения функции  $y = \sqrt[3]{x^3 - 1}$  является множеством...

1)  $(1; +\infty)$ 

УК-1

2)  $[1; +\infty)$ 3)  $(-\infty; +\infty)$ 4)  $[-1; 1]$ 

2. Функция, график которой изображён на рисунке, задаётся уравнением



УК-1

1)  $y = \frac{2}{3} \sin \frac{3x}{2}$

2)  $y = \frac{3}{2} \sin \frac{x}{2}$

3)  $y = \frac{2}{3} \sin 2x$

4)  $y = 2 \sin \frac{2}{3}x$

3. Функция называется периодической, если существует такое постоянное число  $T \neq 0$ , что для любого  $x$  из области определения выполняется равенство....

1)  $Tf(x) = f(x)$

УК-1

2)  $f(Tx) = f(x)$

3)  $f(x \pm T) = f(x)$

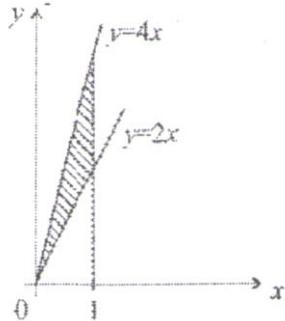
4)  $T \pm f(x) = f(x)$

4. « $\varepsilon$ -окрестностью» точки  $a$  является интервал...

- 1)  $(a-\varepsilon; a + \varepsilon)$
- 2)  $[a-\varepsilon; a + \varepsilon]$
- 3)  $(a-\varepsilon; a)$
- 4)  $(a; a + \varepsilon)$

УК-1

5. Мера множества, изображённого на рисунке, равна...



УК-1

- 1) 2
- 2) -1
- 3) 3
- 4) 1

6. Дано комплексное число  $z=2+i$ , тогда  $z^2+4i$  равно...

- 1)  $3+6i$
- 2)  $3+8i$
- 3)  $5+8i$
- 4)  $5+6i$

УК-1

7. Тригонометрическая форма записи комплексного числа

$z = \sqrt{3} + i$  имеет вид....

- 1)  $\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}$
- 2)  $2(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3})$
- 3)  $2(\cos \frac{\pi}{6} - i \sin \frac{\pi}{6})$
- 4)  $2(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6})$

УК-1

8. Предел  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2-7x+3}{3x^3+x^2-2x-1}$  равен....

- 1) 0

УК-1

2)  $\frac{1}{3}$

3)  $\frac{7}{2}$

4)  $\infty$

9. Предел  $\lim_{x \rightarrow 0} (x - \sin 4x) \cdot \operatorname{ctg} 2x$  равен....

1) -2

2)  $\frac{1}{2}$

3)  $-\frac{3}{2}$

4) -1

УК-1

10. Предел  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+2}{x+1}\right)^{3x}$  равен....

1)  $e^3$

2)  $e^{-3}$

3) 3

4) 1

УК-1

11. Точка разрыва функции

$$f(x) = \begin{cases} x + 4, & \text{если } x \leq -1 \\ x^2 + 2, & \text{если } -1 \leq x < 1 \\ 2x, & \text{если } x \geq 1 \end{cases}$$

равна....

УК-1

1) -1

2) 1

3) 0

4) 2

12. Производная от функции  $y = \sin^2(e^x - 1)$  равна...

1)  $2\sin(e^x - 1)$

УК-1

2)  $2\cos(e^x - 1)$

3)  $e^x \sin 2(e^x - 1)$

4)  $e^x \cos 2(e^x - 1)$

13. Наименьшее значение функции  $y = x^2 - 2x + 8$  на отрезке

УК-1

$[0; 4]$  равно...

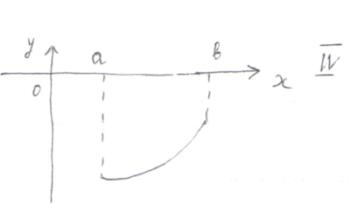
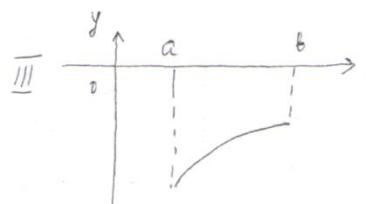
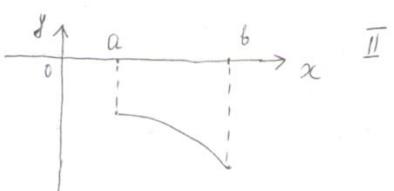
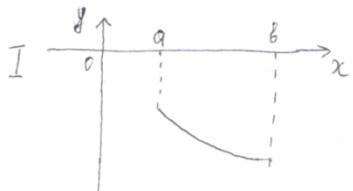
1) 7

2) 8

3) 11

4) 16

14. График какой функции на всем отрезке  $[a; b]$  одновременно удовлетворяет трём условиям:  $y < 0$ ;  $y' < 0$ ;  $y'' > 0$ ?



УК-1

1) Только IV

2) Только I и II

3) Только II и III

4) Только I

15. Значение дифференцируемой функции  $y = f(x)$  в точке

$x = 2,28$  можно приблизённо найти как...

1)  $f(2,28) \approx f(2) + 0,28$

2)  $f(2,28) \approx f(2) + f'(2) \cdot 0,28$

3)  $f(2,28) \approx f(2) - f'(2) \cdot 0,28$

4)  $f(2,28) \approx f(2) + f'(2) \cdot 0,14$

УК-1

16. Частная производная  $\frac{\partial z}{\partial y}$  функция  $z = \cos(2x - 3xy)$  имеет вид...

1)  $-(2x - 3xy) \sin(2x - 3xy)$

2)  $-3x \sin(2x - 3xy)$

3)  $-(2 - 3y) \sin(2x - 3xy)$

4)  $3x \sin(2x - 3xy)$

УК-1

17. Модуль градиента скалярного поля  $u = x + y^2 + 2yz - z^3$  в точке A (2; -1; 0) равен...

- 1) 9
- 2)  $\sqrt{5}$
- 3) 3
- 4)  $\sqrt{18}$

УК-1

18. Полный дифференциал функции  $z = f(x; y)$  имеет вид...

- 1)  $dZ = \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{\partial z}{\partial y}$
- 2)  $dZ = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$
- 3)  $dZ = \frac{\partial z}{\partial x} dx - \frac{\partial z}{\partial y} dy$
- 4)  $dZ = \left( \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{\partial z}{\partial y} \right) \cdot (dx + dy)$

УК-1

19. Интеграл  $\int \frac{dx}{x-2}$  равен...

- 1)  $\ln|x-2| + c$
- 2)  $(x-2)^2 + c$
- 3)  $(x-2)^{-2} + c$
- 4)  $\frac{x^2}{2} - 2x + c$

УК-1

20. Интеграл  $\int \cos^3 x \cdot \sin x \, dx$  равен...

- 1)  $\frac{\sin^4 x}{4} + c$
- 2)  $-\frac{\sin^4 x}{4} + c$
- 3)  $\frac{\cos^4 x}{4} + c$
- 4)  $-\frac{\cos^4 x}{4} + c$

УК-1

21. Для нахождения интеграла  $\int \frac{x^2+x-1}{x^3-4x} \, dx$  подынтегральную функцию можно представить в виде суммы дробей

- 1)  $\frac{A}{x} + \frac{B}{x^2-4}$

УК-1

$$2) \frac{A}{x} + \frac{B}{x-2} + \frac{C}{x+2}$$

$$3) \frac{Ax+B}{x} + \frac{Cx+D}{x^2-4}$$

$$4) \frac{A}{x^3} - \frac{B}{4x}$$

22. Ненулевая функция  $y = f(x)$  является чётной на отрезке

$[-3; 3]$ .

Тогда  $\int_{-3}^3 f(x)dx$  равен...

$$1) \frac{1}{6} \int_0^1 f(x)dx$$

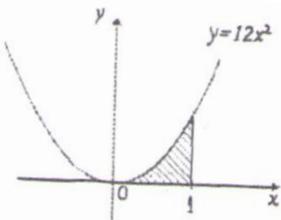
УК-1

$$2) 6 \int_0^1 f(x)dx$$

$$3) 0$$

$$4) 2 \int_0^3 f(x)dx$$

23. Площадь фигуры, изображённой на рисунке



УК-1

равна...

$$1) 4$$

$$2) -4$$

$$3) 2$$

$$4) 6$$

24. Несобственный интеграл  $\int_e^{+\infty} \frac{dx}{x \ln^3 x}$  равен....

1) расходится

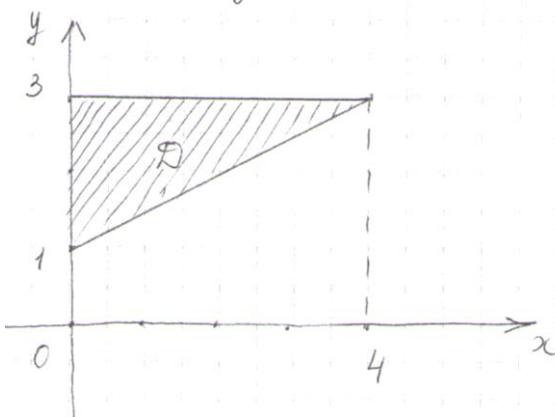
$$2) -\frac{1}{2}$$

УК-1

$$3) \frac{1}{2}$$

$$4) \frac{1}{\ln^3 2}$$

25. Расставить пределы интегрирования в двойном интеграле  $\iint_D f(x, y) dx dy$  по области D, изображённой на чертеже:



УК-1

$$1) \int_0^4 dx \int_{x+1}^3 f(x, y) dy$$

$$2) \int_0^4 dx \int_1^3 f(x, y) dy$$

$$3) \int_0^4 dx \int_{\frac{x}{2}+1}^3 f(x, y) dy$$

$$4) \int_1^3 dy \int_0^4 f(x, y) dx$$