

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
по дисциплине**

«Математический анализ»

Факультет: ГТФ

Направление подготовки: 23.03.02 «Наземные транспортно-технологические комплексы»

Направленность (профиль): «Подъемно-транспортные, строительные машины и оборудование»

Уровень образования: бакалавриат

Кафедра «Металлургии, машин и оборудования»

наименование кафедры

Разработчик ФОС:

(должность, степень, ученое звание)

(подпись)

(ФИО)

Оценочные материалы по дисциплине рассмотрены и одобрены на заседании кафедры, протокол № 2 от «07» 05 2025 г.

Заведующий кафедрой к.т.н., доцент Крупнов Л.В.

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами образовательной программы

Таблица 1 – Компетенции и индикаторы их достижения

Код и наименование компетенции	Индикаторы достижения
ОПК-1: Способен применять естественнонаучные и общепрофессиональные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности	ОПК-1.1: Способен применять методы математического анализа в профессиональной деятельности

Таблица 2 – Паспорт фонда оценочных средств

Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Формируемая компетенция	Наименование оценочного средства	Показатели оценки
Математический анализ (1 семестр)	ОПК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Предел и непрерывность функций действительного переменного	ОПК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Дифференциальное исчисление функций одной переменной	ОПК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	ОПК-1	Список литературных источников по тематике, тестовые задания	Составление систематизированного списка использованных источников, решение теста
Экзамен	ОПК-1	Решение всех тестовых заданий по темам	Решение всех тестовых заданий по темам
Зачет	ОПК-1	Решение всех тестовых заданий	Решение всех тестовых заданий по темам

		заданий по темам	
--	--	------------------	--

2. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие процесс формирования компетенций

Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, представлены в виде технологической карты дисциплины (таблица 3).

Таблица 3 – Технологическая карта

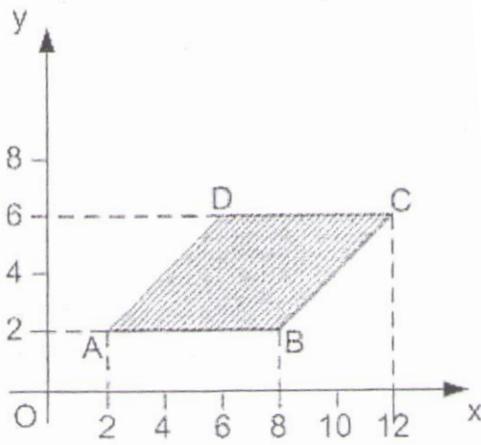
	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
<i>Промежуточная аттестация в 1 семестре в форме «Зачет»</i>				
	Тестовые задания	В течении обучения по дисциплине	от 0 до 5 баллов	Зачет/Незачет
	ИТОГО:	-	_____ баллов	-
	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
<i>Промежуточная аттестация в 2 семестре в форме «Экзамен»</i>				
	Тестовые задания	В течении обучения по дисциплине	от 0 до 5 баллов	от 3 до 5 баллов
	ИТОГО:	-	_____ баллов	-

Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие процесс формирования компетенций в ходе освоения образовательной программы

Задания для текущего промежуточной аттестации

Для очной, заочной формы обучения
Задания для текущего контроля и сдачи зачета с оценкой по дисциплине

ОЦЕНОЧНОЕ СРЕДСТВО <i>(тестирование)</i>	Контролируемая компетенция
Вариант 1	
<p>1. Образом множества $(-\infty; 0]$ при отображении $y = e^x + 1$ является</p> <p>1) $(-\infty; 2]$ 2) $[1; 2]$ 3) $(0; 2]$ 4) $(1; 2]$</p> <p>2. Функция, график которой изображён на рисунке</p>	ОПК-1
<p>задаётся уравнением</p> <p>1) $y = \frac{1}{2} \cos x$ 2) $y = \frac{1}{2} \cos 2x$ 3) $y = \frac{1}{2} \cos \frac{x}{2}$ 4) $y = \cos x$</p>	ОПК-1
<p>3. График нечётной функции симметричен относительно...</p> <p>1) оси ординат 2) оси абсцисс 3) начала координат 4) биссектрисы III координатного угла</p>	ОПК-1
<p>4. Задано множество точек на числовой прямой: $a=1,2$, $b=2$, $c=2,3$, $d=0,5$, $e=-0,01$ и $f=-1,3$. Тогда количество точек этого множества, принадлежащих ε-окрестности точки $x=1$ и $\varepsilon=1,1$, равно</p> <p>1) 4 2) все 3) 3 4) 2</p>	ОПК-1
<p>5. Мера плоского множества, изображенного на рисунке,</p>	ОПК-1



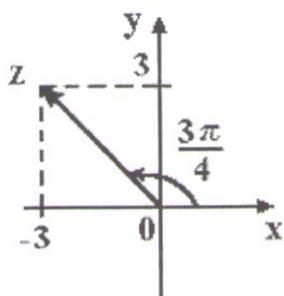
равна...

- 1) 24
- 2) 32
- 3) 20
- 4) 36

6. Произведение комплексного числа $z=4-3i$ на сопряжённое число \bar{z} равно:

- 1) $16-9i$
- 2) 5
- 3) 25
- 4) $8-6i$

7. На рисунке представлена геометрическая иллюстрация комплексного числа $z = x + iy$



ОПК-1

ОПК-1

Тогда тригонометрическая форма записи этого числа имеет вид...

- 1) $2\sqrt{2}(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4})$
- 2) $3\sqrt{2}(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$
- 3) $\sqrt{2}(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$
- 4) $3(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$

8. Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x-6}{3x+2}$ равен....

- 1) -3
- 2) ∞
- 3) 0
- 4) $\frac{5}{3}$

ОПК-1

9. Формула первого замечательного предела равна

- 1) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$
- 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x} = 1$
- 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 0$
- 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x} = \infty$

ОПК-1

10. Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+5}{x+2}\right)^{x-1}$ равен...

- 1) e^{-3}
- 2) 1
- 3) 3
- 4) e^3

ОПК-1

11. Точка разрыва функции

$$f(x) = \begin{cases} 4 - x^2, & \text{если } x \leq -1 \\ 2 - x, & \text{если } -1 < x < 2 \\ 2x - 5, & \text{если } x \geq 2 \end{cases}$$

равна ...

- 1) 3
- 2) -1
- 3) 2
- 4) 0

ОПК-1

12. Значение производной функции $y = e^{x^2}$ в точке $x_0=1$ равно....

- 1) $2e$
- 2) 1
- 3) e
- 4) $2e^2$

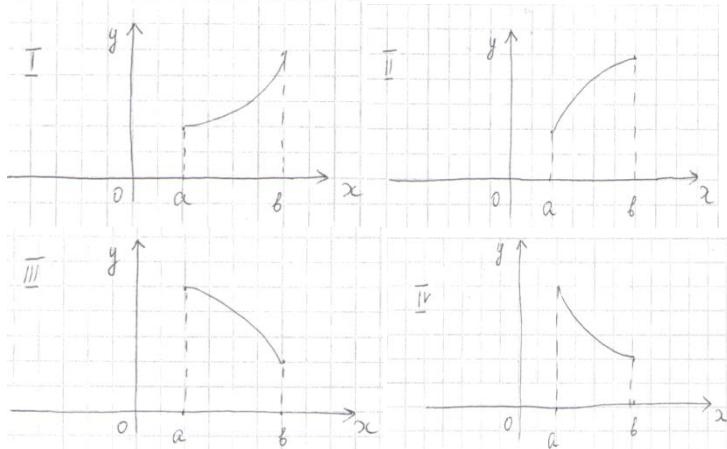
ОПК-1

13. Вертикальной асимптотой графика функции $y = \frac{5x-6}{3x+2}$ является прямая...

- 1) $x = \frac{6}{5}$
- 2) $x = -\frac{2}{3}$
- 3) $y = \frac{5}{3}$
- 4) $y = -3$

ОПК-1

14. График какой функции на всем отрезке $[a; b]$ одновременно удовлетворяет трём условиям: $y > 0$; $y' < 0$; $y'' < 0$?



- 1) только II и IV
- 2) только I и III
- 3) только III
- 4) только IV

ОПК-1

15. Значение функции $y = \sqrt{x}$ в точке $x_0 + \Delta x$ можно вычислить по формуле:

- 1) $\sqrt{x_0 + \Delta x} = \sqrt{x_0} + \frac{1}{2\sqrt{x_0}} \cdot \Delta x + 0(\Delta x)$
- 2) $\sqrt{x_0 + \Delta x} = \sqrt{x_0} - \frac{1}{\sqrt{x_0}} \cdot \Delta x + 0(\Delta x)$
- 3) $\sqrt{x_0 + \Delta x} = \sqrt{x_0} - \frac{1}{2\sqrt{x_0}} \cdot \Delta x + 0(\Delta x)$
- 4) $\sqrt{x_0 + \Delta x} = \sqrt{x_0} + \frac{1}{\sqrt{x_0}} \cdot \Delta x + 0(\Delta x)$

ОПК-1

16. Если $u = \ln(3x - y^2 + 2z^3)$, то значение u'_z в точке $M_0(1; 0; 1)$ равно....

- 1) 5
- 2) $\frac{1}{5}$
- 3) $\frac{6}{5}$
- 4) $\frac{3}{5}$

ОПК-1

17. Градиент скалярного поля $u = 3xz + 2yz + y$ в точке $A(-1; 0; 1)$ имеет вид...

- 1) $3\vec{i} - 3\vec{j} + 3\vec{k}$
- 2) $3\vec{i} + 3\vec{j} - 3\vec{k}$
- 3) $3\vec{i} - 3\vec{j} - 3\vec{k}$
- 4) $3\vec{i} + 3\vec{j} + 3\vec{k}$

ОПК-1

18. Приближенное значение функции $z = f(x, y) = \sqrt{x^2 + y^2}$ в точке $A(2,95; 4,04)$, вычисленное с помощью полного дифференциала, равно....

- 1) 5,001
- 2) 5,02
- 3) 5,062

ОПК-1

4)5.002

19. Интеграл $\int \frac{dx}{1-3x}$ равен

- 1) $-3\ln|1 - 3x| + c$
 2) $-\frac{1}{3}\ln|1 - 3x| + c$
 3) $-\frac{1}{(1-3x)^2} + c$
 4) $\ln|1 - 3x| + c$

ОПК-120. Интеграл $\int \frac{dx}{\sqrt{25-x^2}}$ равен...

- 1) $\arcsin\frac{x}{5} + c$
 2) $\frac{1}{5}\arcsin\frac{x}{5} + c$
 3) $\frac{1}{25}\arcsin\frac{x}{25} + c$
 4) $\arcsin\frac{x}{25} + c$

ОПК-121. Для нахождения интеграла $\int \frac{dx}{x \cdot (x^2+1)}$ подынтегральную

функцию можно представить в виде суммы дробей...

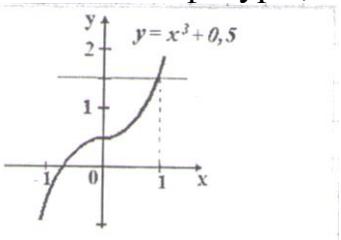
- 1) $\frac{A}{x} + \frac{B}{x-1} - \frac{C}{x+1}$
 2) $\frac{A}{x} + \frac{B}{x^2+1}$
 3) $\frac{A}{x} + \frac{Bx+C}{x^2+1}$
 4) $\frac{Ax+B}{x} + \frac{C}{x^2+1}$

ОПК-122. Определённый интеграл $\int_0^1 (2x^2 - 2x - 7) dx$ равен...

- 1) $-8\frac{2}{3}$
 2) $-7\frac{1}{3}$
 3) $6\frac{1}{3}$
 4) $7\frac{2}{3}$

ОПК-1

23. Площадь фигуры, изображённой на рисунке,

**ОПК-1**

определяется интегралом...

- 1) $\int_0^1 (x^3 - 1) dx$
 2) $\int_0^1 (x^3 + 0,5) dx$
 3) $\int_0^{1,5} (1,5 - x^3) dx$
 4) $\int_0^1 (1 - x^3) dx$

24. Несобственный интеграл $\int_0^{+\infty} \frac{dx}{1+x^2}$ равен...**ОПК-1**

- 1) 0
 2) $\frac{\pi}{2}$
 3) $-\frac{\pi}{2}$
 4) расходится

25. Повторный интеграл $\int_1^4 dx \int_0^6 (x - y) dy$ равен...

- 1) -9
 2) -39
 3) -46,5
 4) 24

ОПК-1

ОЦЕНОЧНОЕ СРЕДСТВО
(тестирование)

Вариант 2

Контролируемая компетенция

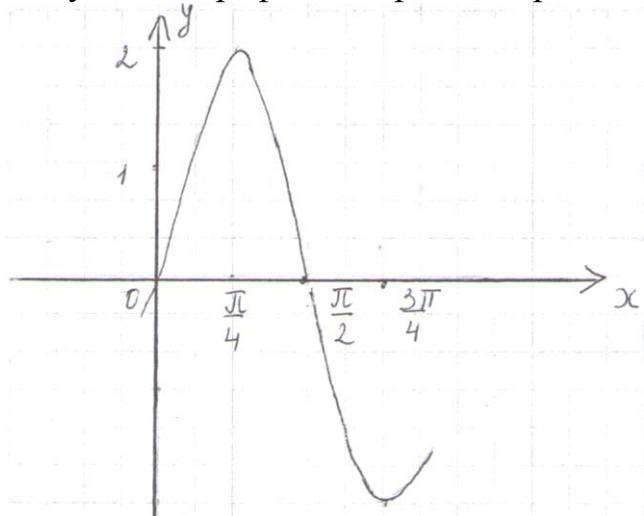
1. Область определения функции $f(x) = \frac{\sin x - 0,5}{\operatorname{tg} x}$ имеет

вид...

- 1) $x \neq \frac{\pi}{2} + \pi n, n \in Z$
 2) $x \neq \frac{\pi}{2} n, n \in Z$
 3) $x \neq \pi n, n \in Z$
 4) $x \neq (-1)^n \frac{\pi}{6} + \pi n, n \in Z$

ОПК-1

2. Функция, график которой изображён на рисунке



ОПК-1

задаётся уравнением...

- 1) $y = 2\sin 2x$
 2) $y = \sin x$
 3) $y = 2\sin x$
 4) $y = 2\sin(\frac{x}{2})$

3. График чётной функции симметричен относительно...

- 1) оси абсцисс
 2) оси ординат
 3) начала координат
 4) биссектрисы I координатного угла

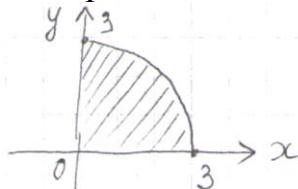
ОПК-1

4. Задано множество точек на числовой прямой: $a = 2,1$, $b = 0,8$, $c = -1,1$, $d = 0,3$, $e = 3$, $f = 1$. Тогда количество точек этого множества, принадлежащих ε -окрестности точки $x = 2$ при $\varepsilon = 1,1$, равно...

- 1) 1
- 2) 2
- 3) 3
- 4) 4

ОПК-1

5. Мера плоского множества, изображённого на рисунке,



равна...

- 1) $\frac{3\pi}{4}$
- 2) $\frac{9\pi}{4}$
- 3) $\frac{9\pi}{2}$
- 4) $\frac{\pi}{4}$

ОПК-1

6. Модуль комплексного числа $Z = 1 - \sqrt{3} \cdot i$ равен...

- 1) 1
- 2) 4
- 3) $\sqrt{2}$
- 4) 2

ОПК-1

7. Комплексное число задано в тригонометрической форме

$$Z = \sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right).$$

Тогда его показательная форма записи имеет вид...

- 1) $Z = \sqrt{2} \cdot e^{i \frac{3\pi}{4}}$
- 2) $Z = e^{1+i}$
- 3) $Z = e^{i \frac{3\pi}{4}}$
- 4) $\sqrt{2} + ie^{\frac{3\pi}{4}}$

ОПК-1

8. Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^2 - 3x + 2}{3x^2 + x - 9}$ равен...

- 1) -3
- 2) $-\frac{2}{9}$
- 3) $\frac{5}{3}$
- 4) ∞

ОПК-1

9. Предел $\lim_{x \rightarrow 0} (x - \operatorname{tg} 3x) \cdot \operatorname{ctg} 2x$ равен...

- 1) -4
- 2) $-\frac{3}{2}$

ОПК-1

3) $\frac{3}{2}$

4) -1

10. Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+1}{x-1} \right)^x$ равен...1) e^{-2} 2) e^2

3) 1

4) 0

ОПК-1

11. Точка разрыва функции

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2}{x}, & \text{если } x < -2 \\ \frac{1}{2}x^2 + 1, & \text{если } -2 \leq x < 1 \\ \frac{3}{x+1}, & \text{если } x \geq 1 \end{cases}$$

ОПК-1

равна ...

1) -2

2) 1

3) -1

4) 0

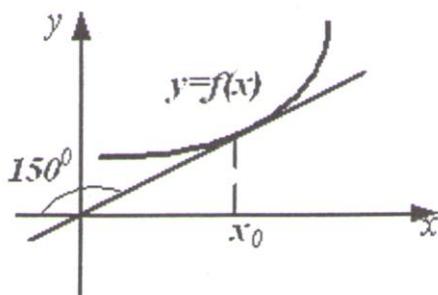
12. Производная от функции $y = \cos^3(x^2 + 1)$ равна1) $-3\cos^2(x^2 + 1) \sin(x^2 + 1)$ 2) $3\cos^2(x^2 + 1) \sin(x^2 + 1)$ 3) $6x\cos^2(x^2 + 1) \sin(x^2 + 1)$ 4) $-6x\cos^2(x^2 + 1) \sin(x^2 + 1)$ **ОПК-1**13. Точка $M(1;1)$ для функции $y=2x-x^2$ является точкой

1) минимума

2) перегиба

3) разрыва

4) максимума

ОПК-114. График функции $y=f(x)$ изображен на рисунке**ОПК-1**Тогда значение производной этой функции в точке x_0 равно ...1) $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ 2) $\frac{\sqrt{3}}{3}$

3) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

4) $\sqrt{3}$

15. Значение функции $y = \sqrt[5]{x^3}$ в точке $x_0 + \Delta x$ можно вычислить по формуле ...

1) $\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^3} = \sqrt[5]{x_0^3} + \frac{3}{\sqrt[5]{x_0^2}} \Delta x + O(\Delta x)$

2) $\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^3} = \sqrt[5]{x_0^3} + \frac{2}{\sqrt[5]{x_0^2}} \Delta x + O(\Delta x)$

3) $\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^3} = \sqrt[5]{x_0^3} - \frac{3}{\sqrt[5]{x_0^2}} \Delta x + O(\Delta x)$

4) $\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^3} = \sqrt[5]{x_0^3} - \frac{2}{\sqrt[5]{x_0^2}} \Delta x + O(\Delta x)$

ОПК-1

16. Смешанная частная производная второго порядка $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$

функции

$z = x^3y - 4xy^2 + 5x - y^2 + 7$ имеет вид ...

- 1) $-8x^2$
- 2) $3x^2 - 8y^2$
- 3) $3x^2 - 8y$
- 4) $6xy$

ОПК-1

17. Градиент скалярного поля $u = xy + yz + xz$ равен нулевому вектору в точке ...

- 1) $(0;0;0)$
- 2) $(1;1;1)$
- 3) $(0;1;1)$
- 4) $(-1;0;1)$

ОПК-1

18. Полный дифференциал функции $z = \sin(x^2 + 3xy)$ имеет вид.....

- 1) $dz = \cos(x^2 + 3xy)(3xdx - (2x + 3y)dy)$
- 2) $dz = \cos(x^2 + 3xy)((2x + 3y)dx - 3xdy)$
- 3) $dz = \cos(x^2 + 3xy)(3xdx + (2x + 3y)dy)$
- 4) $dz = \cos(x^2 + 3xy)((2x + 3y)dx + 3xdy)$

ОПК-1

19. Интеграл $\int \left(\frac{2}{\cos^2 x} - \frac{3}{\sin^2 x} \right) dx$ равен....

- 1) $-2\tgx - 3\ctgx + c$
- 2) $2\ctgx + 3\tgx + c$
- 3) $2\tgx + 3\ctgx + c$
- 4) $2\tgx - 3\ctgx + c$

ОПК-1

20. Интеграл $\int e^{-\frac{x}{10}+3} dx$ равен....

- 1) $10 e^{-\frac{x}{10}+3} + c$
- 2) $-10 e^{-\frac{x}{10}+3} + c$

ОПК-1

3) $\frac{1}{10} e^{-\frac{x}{10}+3} + C$

4) $-\frac{1}{10} e^{-\frac{x}{10}+3} + C$

21. Для нахождения интеграла $\int \frac{x-2}{x^3+x^2} dx$ подынтегральную функцию можно представить в виде суммы дробей....

1) $\frac{A}{x^2} + \frac{B}{x+1}$

2) $\frac{A}{x^3} + \frac{B}{x^2}$

3) $\frac{A}{x} - \frac{B}{x^2} - \frac{C}{x+1}$

4) $\frac{A}{x} + \frac{B}{x^2} + \frac{C}{x+1}$

ОПК-1

22. Определённый интеграл $\int_{-1}^0 \sqrt{x+1} dx$ равен....

1) $\frac{1}{2}$

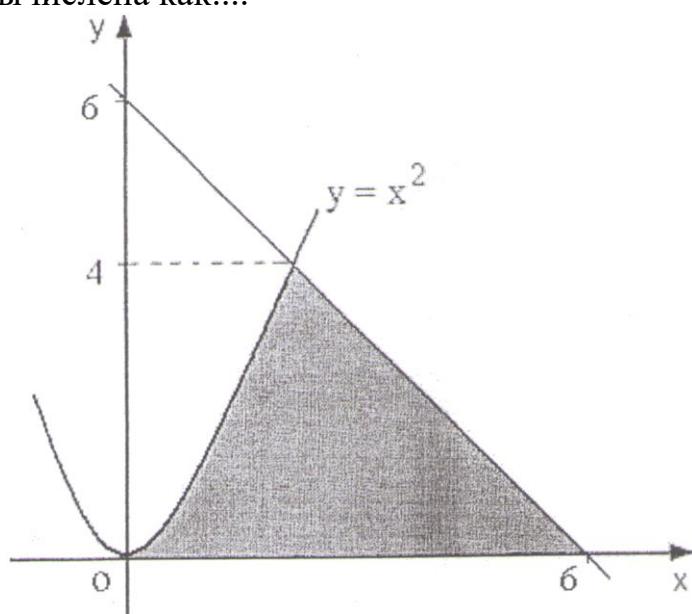
2) $\frac{2}{3}$

3) $\frac{3}{5}$

4) $\frac{2}{5}$

ОПК-1

23. Площадь фигуры, изображённой на рисунке, может быть вычислена как....



ОПК-1

1) $\int_0^4 x^2 dx + \int_4^6 (6-x) dx$

2) $\int_0^2 x^2 dx + \int_2^6 (6-x) dx$

3) $\int_0^2 x^2 dx + \int_2^6 (6+x) dx$

4) $\int_0^6 x^2 dx$

24. Несобственный интеграл $\int_{-\infty}^0 \frac{dx}{4+x^2}$ равен....

- 1) $\frac{\pi}{4}$
- 2) $-\frac{\pi}{4}$
- 3) $\frac{\pi}{2}$
- 4) расходится

ОПК-1

25. Повторный интеграл $\int_1^3 dx \int_0^5 (x+2y) dy$ равен

- 1) 15
- 2) 54
- 3) 70
- 4) 125

ОПК-1

ОЦЕНОЧНОЕ СРЕДСТВО
(тестирование)

Вариант 3

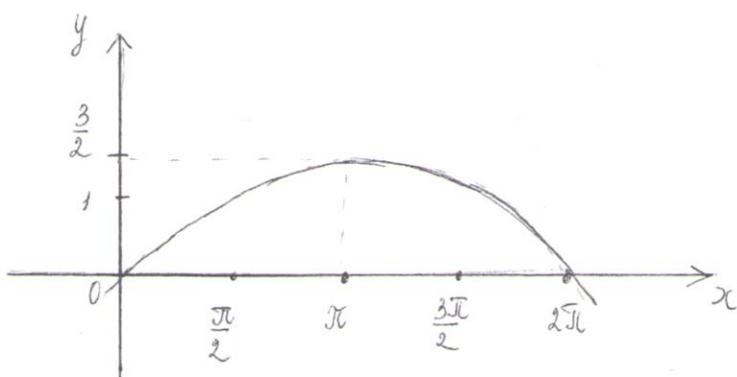
Контролируемая компетенция

1. Область определения функции $y = \sqrt[3]{x^3 - 1}$ является множеством...

- 1) $(1; +\infty)$
- 2) $[1; +\infty)$
- 3) $(-\infty; +\infty)$
- 4) $[-1; 1]$

ОПК-1

2. Функция, график которой изображён на рисунке, задаётся уравнением



ОПК-1

- 1) $y = \frac{2}{3} \sin \frac{3x}{2}$
- 2) $y = \frac{3}{2} \sin \frac{x}{2}$
- 3) $y = \frac{2}{3} \sin 2x$
- 4) $y = 2 \sin \frac{2}{3} x$

3. Функция называется периодической, если существует такое постоянное число $T \neq 0$, что для любого x из области определения выполняется равенство....

- 1) $Tf(x) = f(x)$
- 2) $f(Tx) = f(x)$

ОПК-1

3) $f(x \pm T) = f(x)$

4) $T \pm f(x) = f(x)$

4. « ε -окрестностью» точки a является интервал...

1) $(a - \varepsilon; a + \varepsilon)$

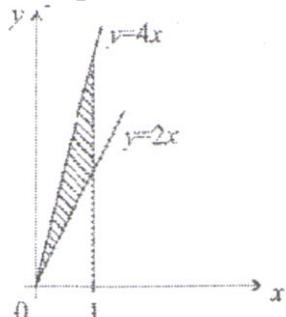
2) $[a - \varepsilon; a + \varepsilon]$

3) $(a - \varepsilon; a)$

4) $(a; a + \varepsilon)$

ОПК-1

5. Мера множества, изображённого на рисунке, равна...



ОПК-1

1) 2

2) -1

3) 3

4) 1

6. Дано комплексное число $z = 2+i$, тогда $z^2 + 4i$ равно...

1) $3+6i$

2) $3+8i$

3) $5+8i$

4) $5+6i$

ОПК-1

7. Тригонометрическая форма записи комплексного числа

$$z = \sqrt{3} + i$$

имеет вид....

1) $\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}$

2) $2(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3})$

3) $2(\cos \frac{\pi}{6} - i \sin \frac{\pi}{6})$

4) $2(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6})$

ОПК-1

8. Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 7x + 3}{3x^3 + x^2 - 2x - 1}$ равен....

1) 0

2) $\frac{1}{3}$

3) $\frac{7}{2}$

4) ∞

ОПК-1

9. Предел $\lim_{x \rightarrow 0} (x - \sin 4x) \cdot \operatorname{ctg} 2x$ равен....

1) -2

2) $\frac{1}{2}$

3) $-\frac{3}{2}$

ОПК-1

4) -1

10. Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+2}{x+1}\right)^{3x}$ равен....

- 1) e^3
- 2) e^{-3}
- 3) 3
- 4) 1

ОПК-1

11. Точка разрыва функции

$$f(x) = \begin{cases} x + 4, & \text{если } x \leq -1 \\ x^2 + 2, & \text{если } -1 \leq x < 1 \\ 2x, & \text{если } x \geq 1 \end{cases}$$

равна....

ОПК-1

- 1) -1
- 2) 1
- 3) 0
- 4) 2

12. Производная от функции $y = \sin^2(e^x - 1)$ равна...

- 1) $2\sin(e^x - 1)$
- 2) $2\cos(e^x - 1)$
- 3) $e^x \sin 2(e^x - 1)$
- 4) $e^x \cos 2(e^x - 1)$

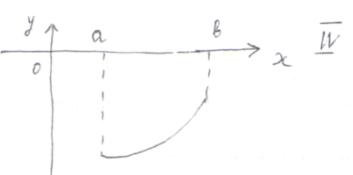
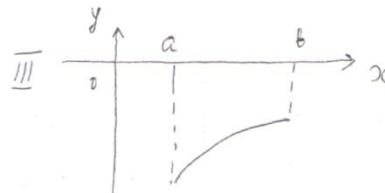
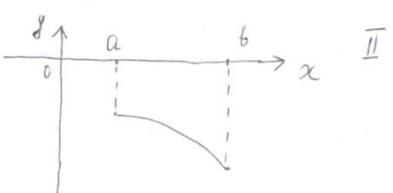
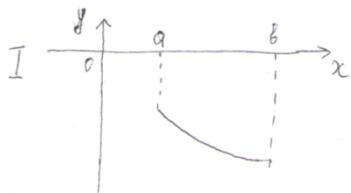
ОПК-1

13. Наименьшее значение функции $y = x^2 - 2x + 8$ на отрезке $[0; 4]$ равно...

- 1) 7
- 2) 8
- 3) 11
- 4) 16

ОПК-1

14. График какой функции на всем отрезке $[a; b]$ одновременно удовлетворяет трём условиям: $y' < 0$; $y'' < 0$; $y''' > 0$?

**ОПК-1**

- 1) Только IV
- 2) Только I и II
- 3) Только II и III
- 4) Только I

15. Значение дифференцируемой функции $y = f(x)$ в точке $x = 2,28$ можно приблизённо найти как...

- 1) $f(2,28) \approx f(2) + 0,28$
- 2) $f(2,28) \approx f(2) + f'(2) \cdot 0,28$
- 3) $f(2,28) \approx f(2) - f'(2) \cdot 0,28$
- 4) $f(2,28) \approx f(2) + f'(2) \cdot 0,14$

ОПК-1

16. Частная производная $\frac{\partial z}{\partial y}$ функция $z = \cos(2x - 3xy)$ имеет вид...

- 1) $-(2x - 3xy) \sin(2x - 3xy)$
- 2) $-3x \sin(2x - 3xy)$
- 3) $-(2 - 3y) \sin(2x - 3xy)$
- 4) $3x \sin(2x - 3xy)$

ОПК-1

17. Модуль градиента скалярного поля $u = x + y^2 + 2yz - z^3$ в точке А (2; -1; 0) равен...

- 1) 9
- 2) $\sqrt{5}$
- 3) 3
- 4) $\sqrt{18}$

ОПК-1

18. Полный дифференциал функции $z = f(x; y)$ имеет вид...

- 1) $dZ = \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{\partial z}{\partial y}$
- 2) $dZ = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$
- 3) $dZ = \frac{\partial z}{\partial x} dx - \frac{\partial z}{\partial y} dy$
- 4) $dZ = \left(\frac{\partial z}{\partial x} + \frac{\partial z}{\partial y}\right) \cdot (dx + dy)$

ОПК-1

19. Интеграл $\int \frac{dx}{x-2}$ равен...

- 1) $\ln|x-2| + c$
- 2) $(x-2)^2 + c$
- 3) $(x-2)^{-2} + c$
- 4) $\frac{x^2}{2} - 2x + c$

ОПК-1

20. Интеграл $\int \cos^3 x \cdot \sin x \, dx$ равен...

- 1) $\frac{\sin^4 x}{4} + c$
- 2) $-\frac{\sin^4 x}{4} + c$
- 3) $\frac{\cos^4 x}{4} + c$
- 4) $-\frac{\cos^4 x}{4} + c$

ОПК-1

21. Для нахождения интеграла $\int \frac{x^2+x-1}{x^3-4x} \, dx$ подынтегральную функцию можно представить в виде суммы дробей

$$1) \frac{A}{x} + \frac{B}{x^2-4}$$

ОПК-1

2) $\frac{A}{x} + \frac{B}{x-2} + \frac{C}{x+2}$
 3) $\frac{Ax+B}{x} + \frac{Cx+D}{x^2-4}$
 4) $\frac{A}{x^3} - \frac{B}{4x}$

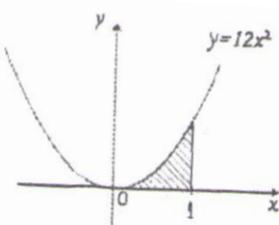
22. Ненулевая функция $y = f(x)$ является чётной на отрезке $[-3; 3]$.

Тогда $\int_{-3}^3 f(x)dx$ равен...

- 1) $\frac{1}{6} \int_0^1 f(x)dx$
 2) $6 \int_0^1 f(x)dx$
 3) 0
 4) $2 \int_0^3 f(x)dx$

ОПК-1

23. Площадь фигуры, изображённой на рисунке



ОПК-1

равна...

- 1) 4
 2) -4
 3) 2
 4) 6

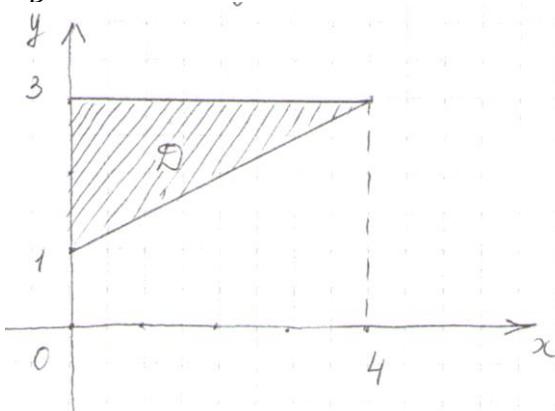
24. Несобственный интеграл $\int_e^{+\infty} \frac{dx}{x \ln^3 x}$ равен....

- 1) расходится
 2) $-\frac{1}{2}$
 3) $\frac{1}{2}$
 4) $\frac{1}{\ln^3 2}$

ОПК-1

25. Расставить пределы интегрирования в двойном интеграле

$\iint_D f(x, y) dx dy$ по области D, изображённой на чертеже:



ОПК-1

$$1) \int_0^4 dx \int_{x+1}^3 f(x, y) dy$$

$$2) \int_0^4 dx \int_1^3 f(x, y) dy$$

$$3) \int_0^4 dx \int_{\frac{x}{2}+1}^3 f(x, y) dy$$

$$4) \int_1^3 dy \int_0^4 f(x, y) dx$$