

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
 Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
 высшего образования  
 «Заочный государственный университет им. Н.М. Федоровского»  
 (ЗГУ)  
 Документ подписан проставлен электронной подписью  
 Информация о владельце:  
 ФИО: Крюков Вадим Николаевич  
 Должность: Проректор по образовательной деятельности и молодежной политике  
 Дата подписания: 17.06.2026 17:41:52  
 Уникальный программный ключ:  
 1b0adb7fd710f6a0705d90c58682bd0c5f2f25b2

УТВЕРЖДАЮ  
 Проректор по образовательной  
 деятельности и молодежной политике  
 \_\_\_\_\_ Крюков В.Н.

## Математическое моделирование

### рабочая программа дисциплины (модуля)

Закреплена за кафедрой **Физико-математические дисциплины**  
 Учебный план 15.04.04\_маг-очн.АПм-2026+.plx  
 15.04.04 Автоматизация технологических процессов и производств  
 Квалификация **магистратура**  
 Форма обучения **очная**  
 Общая трудоемкость **8 ЗЕТ**

Часов по учебному плану	288	Виды контроля в семестрах:
в том числе:		экзамены 1
аудиторные занятия	54	курсовые проекты 1
самостоятельная работа	189	
часов на контроль	45	

**Распределение часов дисциплины по семестрам**

Семестр (<Курс>.<Семестр на курсе>)	1 (1.1)		Итого	
	уп	рп	уп	рп
Неделя	18			
Вид занятий	уп	рп	уп	рп
Лекции	18	18	18	18
Практические	36	36	36	36
Итого ауд.	54	54	54	54
Контактная работа	90	90	90	90
Сам. работа	189	189	189	189
Часы на контроль	45	45	45	45
Итого	288	288	288	288

разработана в соответствии с ФГОС:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - магистратура по направлению подготовки 15.04.04 Автоматизация технологических процессов и производств (приказ Минобрнауки России от 26.11.2020 г. № 1452)

составлена на основании учебного плана:

15.04.04 Автоматизация технологических процессов и производств  
утвержденного учёным советом вуза от 04.04.2026 протокол № 09-2.

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры

**Физико-математические дисциплины**

Протокол от г. №

Срок действия программы: уч.г.

И.о.зав. кафедрой к.т.н., доцент Фаддеенков А.В.

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

к.т.н., доцент Фаддеенков А.В. \_\_\_\_\_ 2026 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для  
исполнения в 2026-2027 учебном году на заседании кафедры  
**Физико-математические дисциплины**

Протокол от \_\_\_\_\_ 2026 г. № \_\_\_\_  
И.о.зав. кафедрой к.т.н., доцент Фаддеенков А.В.

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

к.т.н., доцент Фаддеенков А.В. \_\_\_\_\_ 2027 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для  
исполнения в 2027-2028 учебном году на заседании кафедры  
**Физико-математические дисциплины**

Протокол от \_\_\_\_\_ 2027 г. № \_\_\_\_  
И.о.зав. кафедрой к.т.н., доцент Фаддеенков А.В.

<b>1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ</b>	
1.1	Цель дисциплины: Сформировать компетенции обучающегося в области подготовки студентов к
1.2	самостоятельному построению математических моделей объектов и систем управления, разработке
1.3	соответствующего алгоритмического и программного обеспечения, использованию моделей при разработке
1.4	систем автоматического управления, закрепить знания по математике.
1.5	1.2 Задачи дисциплины:
1.6	- получение практических навыков получения моделей и их использования для исследования,
1.7	проектирования и рациональной эксплуатации систем управления производственными процессами;
1.8	- усвоение будущими специалистами методики разработки математических моделей объектов и систем
1.9	управления.

<b>2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП</b>	
Цикл (раздел) ООП:	Б1.О
<b>2.1</b>	<b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>
2.1.1	Предварительная подготовка предполагает создание основы для формирования компетенций
<b>2.2</b>	<b>Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>
2.2.1	Инженерные онтологии
2.2.2	Моделирование систем электроснабжения в MATLAB
2.2.3	Проектирование систем автоматизации и управления
2.2.4	Углубленное моделирование систем электроснабжения в MATLAB
2.2.5	Учебная практика: научно-исследовательская работа
2.2.6	Учебная ознакомительная практика
2.2.7	Цифровые системы электроснабжения ч.2
2.2.8	Автоматизированное проектирование средств и систем управления
2.2.9	Производственная эксплуатационная практика
2.2.10	Организационно-экономическое проектирование средств и систем управления
2.2.11	Основы научно-исследовательской деятельности
2.2.12	Приводы автоматизированного технологического оборудования
2.2.13	Производственная практика: научно исследовательская работа
2.2.14	Системы управления технологическими процессами в условиях Арктики
2.2.15	Управление проектами
2.2.16	Цифровые системы электроснабжения ч.3
2.2.17	Цифровые системы электроснабжения ч.4
2.2.18	Выполнение, подготовка к процедуре защиты и защита выпускной квалификационной работы
2.2.19	Производственная практика: технологическая (проектно-технологическая) практика
2.2.20	Философия науки и техники

<b>3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)</b>	
<b>УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, выработать стратегию действий</b>	
<b>УК-1.1: Осуществляет поиск, сбор и обработку информации; поиск методов системного и стратегического анализа</b>	
<b>ОПК-5: Способен разрабатывать аналитические и численные методы при создании математических моделей машин, приводов, оборудования, систем, технологических процессов</b>	
<b>ОПК-5.1: Осуществляет поиск современных подходов к анализу результатов научных исследований в смежных областях, а также к их оценке и обобщению</b>	
<b>ОПК-5.2: Выявляет современные подходы к анализу результатов научных исследований в смежных областях, а также к их оценке и обобщению</b>	
<b>ПК-4: Способен разрабатывать функциональную, логическую и техническую организацию автоматизированных и автоматических производств, их элементов, технического, алгоритмического и программного обеспечения на базе современных методов, средств и технологий проектирования</b>	
<b>ПК-4.1: Разрабатывает функциональную, логическую и техническую организацию автоматизированных и автоматических производств и их элементов</b>	
<b>ПК-4.2: Разрабатывает программное обеспечение на базе современных методов, средств и технологий проектирования</b>	

**4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Компетенции	Литература	Инте пакт.	Примечание
	<b>Раздел 1. Исследование объектов и систем с помощью математических моделей</b>						
1.1	Тема 1. Методы математического моделирования. Основные принципы математического моделирования. Методы исследования математических моделей. Компьютерные технологии. Численные методы /Лек/	1	5	ПК-4.2 УК-1.1	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
1.2	Практическая работа 1. Получение основных навыков работы в пакетах MathCad и TraceMode. /Пр/	1	16	УК-1.1	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
1.3	Тема 1. Методы математического моделирования. Основные принципы математического моделирования. Методы исследования математических моделей. Компьютерные технологии. Численные методы /Ср/	1	32	УК-1.1	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
1.4	Тема 2. Прикладные пакеты математического моделирования. Общие сведения о прикладном программном обеспечении для математического моделирования. Принципы построения модели. Прикладные пакеты математического моделирования. /Лек/	1	5	ОПК-5.1 ОПК-5.2	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
1.5	Практическая работа 2. Разработка интерфейса и программы моделирования технологического процесса. /Пр/	1	16	ОПК-5.1 ОПК-5.2	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
1.6	Тема 2. Прикладные пакеты математического моделирования. Общие сведения о прикладном программном обеспечении для математического моделирования. Принципы построения модели. Прикладные пакеты математического моделирования. /Ср/	1	30	ОПК-5.1 ОПК-5.2	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
	<b>Раздел 2. Математические модели объектов и систем</b>						
2.1	Тема 3. Математические модели объектов технологических процессов с сосредоточенными параметрами. Математическая модель с сосредоточенными параметрами – это модель системы, поведение которой описывается обыкновенными дифференциальными уравнениями. Часто используется для описание динамики систем, состоящих из дискретных элементов. /Лек/	1	4	ПК-4.1 ПК-4.2	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
2.2	Практическая работа 3. Разработка интерфейса и программы моделирования одноконтурной системы управления. /Пр/	1	16	ПК-4.1 ПК-4.2	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	

2.3	Тема 3. Математические модели объектов технологических процессов с сосредоточенными параметрами. Математическая модель с сосредоточенными параметрами – это модель системы, поведение которой описывается обыкновенными дифференциальными уравнениями. Часто используется для описание динамики систем, состоящих из дискретных элементов. /Ср/	1	31	ПК-4.1 ПК-4.2	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
-----	---	---	----	---------------	----------------------	---	--

2.4	Тема 4. Математические модели объектов технологических процессов с распределенными параметрами. Математическая модель с распределенными параметрами – модель системы, описываемая дифференциальными уравнениями в частных производных. Математические модели с распределенными параметрами широко распространены в различных науках. /Лек/	1	4	ОПК-5.1 ОПК-5.2 ПК-4.1 ПК-4.2	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
2.5	Практическая работа 4. Разработка интерфейса и программы моделирования каскадной системы управления. /Пр/	1	14	ОПК-5.1 ОПК-5.2	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
2.6	Разработка интерфейса и программы моделирования каскадной системы управления. /Ср/	1	30	ОПК-5.1 ОПК-5.2 ПК-4.1 ПК-4.2 УК-1.1	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
2.7	Практическая работа 5. Разработка интерфейса и программы моделирования взаимосвязанной системы управления. /Пр/	1	10	ОПК-5.1 ОПК-5.2 ПК-4.1 ПК-4.2 УК-1.1	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	
2.8	Разработка интерфейса и программы моделирования каскадной системы управления. /Ср/	1	30	ОПК-5.1 ОПК-5.2 ПК-4.1 ПК-4.2 УК-1.1	Л1.1Л2.1 Л2.2Л3.1	0	

#### 5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Текущий контроль проводится в течение семестра для оценки прогресса студентов:

1.1. Теоретические вопросы

Что такое математическая модель? Назовите основные этапы построения математической модели.

Какие типы математических моделей вы знаете? Приведите примеры.

Охарактеризуйте основные методы решения дифференциальных уравнений.

Что такое численные методы? Приведите примеры их применения в моделировании.

Какова роль математического моделирования в автоматизации технологических процессов?

1.2. Практические задания

Задание: Решить задачу на построение математической модели для конкретного технологического процесса (например, моделирование теплового процесса).

Критерии оценки:

Правильность построения модели.

Точность решения.

Обоснованность выбора методов.

1.3. Лабораторные работы

Задание: Провести лабораторную работу по численному моделированию (например, решение системы дифференциальных уравнений методом Рунге-Кутты).

Критерии оценки:

Правильность выполнения работы.

Точность результатов.

Умение анализировать полученные данные.

2. Рубежный контроль

Рубежный контроль проводится в середине семестра для оценки промежуточных результатов.

2.1. Тест по теоретическим основам

Задание: Ответить на вопросы по пройденным темам (например, "Охарактеризуйте основные методы решения дифференциальных уравнений").

Критерии оценки:

Точность и полнота ответов.

Использование математической терминологии.

2.2. Письменная работа

Задание: Написать реферат (300-400 слов) на одну из предложенных тем (например, "Применение математического моделирования в автоматизации производств").

Критерии оценки:  
 Содержательность и глубина раскрытия темы.  
 Использование математических методов.  
 Логичность и структура текста.

2.3. Устный опрос

Задание: Ответить на вопросы по пройденным темам (например, "Какова роль математического моделирования в решении задач автоматизации?").

Критерии оценки:  
 Полнота и точность ответов.  
 Использование математической терминологии.  
 Умение аргументировать свою точку зрения.

3. Промежуточная аттестация (экзамен/зачет)

Промежуточная аттестация проводится в конце семестра для итоговой оценки знаний и навыков.

3.1. Письменная часть

Задание 1: Ответить на теоретические вопросы (например, "Охарактеризуйте основные этапы построения математической модели").

Задание 2: Решить задачу на построение и анализ математической модели (например, моделирование динамики системы автоматического регулирования).

Критерии оценки:  
 Точность и полнота ответов.  
 Правильность решения задачи.  
 Обоснованность выбора методов.

3.2. Устная часть

Задание 1: Подготовить устное выступление (5-7 минут) на одну из предложенных тем (например, "Применение математического моделирования в автоматизации технологических процессов").

Задание 2: Участвовать в диалоге с экзаменатором на тему, связанную с математическим моделированием.

Критерии оценки:  
 Логичность и структура выступления.  
 Использование математической терминологии.  
 Умение поддерживать диалог.

4. Дополнительные задания

Для углубленной оценки знаний и навыков можно использовать дополнительные задания.

4.1. Кейс-задания

Задание: Проанализировать кейс (например, описание технологического процесса) и предложить математическую модель для его оптимизации.

Критерии оценки:  
 Глубина анализа.  
 Правильность построения модели.  
 Логичность предложенного решения.

4.2. Групповые проекты

Задание: Подготовить групповой проект на тему, связанную с математическим моделированием (например, презентация о применении математического моделирования в автоматизации производств).

Критерии оценки:  
 Содержательность и глубина раскрытия темы.  
 Умение работать в команде.  
 Использование математических методов

<b>6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)</b>				
<b>6.1. Рекомендуемая литература</b>				
<b>6.1.1. Основная литература</b>				
	Авторы, составители	Заглавие, размещение	Издательство, год	Колич-во
Л1.1	Пискунов Н.С.	Дифференциальное и интегральное исчисления: учеб. пособие для вузов: В 2 т.	М.: Интеграл-Пресс, 2007	1
<b>6.1.2. Дополнительная литература</b>				
	Авторы, составители	Заглавие, размещение	Издательство, год	Колич-во
Л2.1	Гмурман В.Е.	Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: учеб. пособие для вузов	М.: Высшая школа, 2006	191
Л2.2	Беклемишев Д.В.	Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: учебник для вузов	М.: Физико-математ. литература, 2000	488
<b>6.1.3. Методические разработки</b>				
	Авторы, составители	Заглавие, размещение	Издательство, год	Колич-во

	Авторы, составители	Заглавие, размещение	Издательство, год	Колич-во
ЛЗ.1	Бугров Я.С., Никольский С.М.	Дифференциальные уравнения. Кратные интегралы.Ряды.Функции комплексного переменного: Учебник для вузов	М.: Наука, 1985	183
<b>6.3.1 Перечень программного обеспечения</b>				
Э1	Онлайн платформа ЗГУ ( <a href="https://learn.norvuz.ru/">https://learn.norvuz.ru/</a> )			
Э2	Электронная библиотека ЗГУ ( <a href="http://biblio.norvuz.ru/MarcWeb2/Default.asp">http://biblio.norvuz.ru/MarcWeb2/Default.asp</a> )			
Э3	Электронно-библиотечная система Лань ( <a href="https://e.lanbook.com">https://e.lanbook.com</a> )			
Э4	Цифровая библиотека IPRsmart ( <a href="https://www.iprbookshop.ru">https://www.iprbookshop.ru</a> )			
<b>6.3.2 Перечень информационных справочных систем</b>				
6.3.2.1	Электронная библиотека ЗГУ ( <a href="http://biblio.norvuz.ru/MarcWeb2/Default.asp">http://biblio.norvuz.ru/MarcWeb2/Default.asp</a> )			
6.3.2.2	Электронно-библиотечная система Лань ( <a href="https://e.lanbook.com">https://e.lanbook.com</a> )			
6.3.2.3	Цифровая библиотека IPRsmart ( <a href="https://www.iprbookshop.ru">https://www.iprbookshop.ru</a> )			
6.3.2.4	Зарубежные электронные ресурсы издательства SpringerNature: Springer Journals ( <a href="http://link.springer.com">http://link.springer.com</a> ) Nature Journals ( <a href="https://www.nature.com/siteindex">https://www.nature.com/siteindex</a> ) Springer Nature Experiments ( <a href="https://experiments.springernature.com/">https://experiments.springernature.com/</a> ) Springer Materials ( <a href="http://materials.springer.com/">http://materials.springer.com/</a> ) zbMATH ( <a href="http://zbmath.org">http://zbmath.org</a> ) Nano Database ( <a href="https://nano.nature.com/">https://nano.nature.com/</a> )			
6.3.2.5	Зарубежный электронный ресурс издательства Elsevier: ScienceDirect ( <a href="https://www.sciencedirect.com/">https://www.sciencedirect.com/</a> ) Freedom Collection ( <a href="https://www.sciencedirect.com/">https://www.sciencedirect.com/</a> ) Freedom Collection eBook collection ( <a href="https://www.sciencedirect.com/">https://www.sciencedirect.com/</a> )			

Ауд. П-404 – аудитория для проведения лекционных, практических, семинарских занятий,	
7.1	Ауд. П-404 – аудитория для проведения лекционных, практических, семинарских занятий, самостоятельной работы, курсового проектирования, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации (компьютерный и мультимедийный класс) (посадочных мест – 20) Оснащена мебелью и техническими средствами обучения, а именно: – столы – 19 шт. – стулья – 21 шт. – доска – 1 шт. – проектор – 1 шт. – компьютер – 14 шт. (Windows 10x64 Pro, 1С:Предприятие 8, 7-Zip 24.09, Kaspersky Endpoint Security для Windows, Microsoft Office 2013, Microsoft Teams, RuDesktop, SumatraPDF, VLC media player, Yandex Browser для организаций, NanoCAD x64 24.1.)
7.2	Ауд. П-406 – аудитория для проведения лекционных, практических, семинарских занятий, самостоятельной работы, курсового проектирования, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации (компьютерный и мультимедийный класс) (посадочных мест – 20) Оснащена мебелью и техническими средствами обучения, а именно: – столы – 19 шт. – стулья – 21 шт. – доска – 1 шт. – проектор – 1 шт. – компьютер – 14 шт. (Windows 10x64 Pro, 1С:Предприятие 8, 7-Zip 24.09, Kaspersky Endpoint Security для Windows, Microsoft Office 2013, Microsoft Teams, RuDesktop, SumatraPDF, VLC media player, Yandex Browser для организаций, NanoCAD x64 24.1.)

## 8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Ахмадиев, Ф. Г., Гильфанов, Р. М. Математическое моделирование и методы оптимизации, Москва: Ай Пи Ар Медиа, 2022, <a href="https://www.iprbookshop.ru/116448.html">https://www.iprbookshop.ru/116448.html</a>
Шустрова, М. Л., Староверова, Н. А. Математическое моделирование в системах управления Казань: Издательство КНИТУ 2019 <a href="https://www.iprbooks hop.ru/120995.html">https://www.iprbooks hop.ru/120995.html</a>
Калинин, С. В., Мальцев, Н. В. Математическое моделирование устройств и систем Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет 2022 <a href="https://www.iprbooks hop.ru/126568.html">https://www.iprbooks hop.ru/126568.html</a>
Лещева, О. В. Математическое моделирование производственных процессов Саратов: Вузовское образование 2021 <a href="https://www.iprbooks hop.ru/102239.html">https://www.iprbooks hop.ru/102239.html</a>